

数学演習 2

令和6年

教師用

数学演習使用上の留意点

- この数学演習は、S判とL判で構成されています。
 - S判は、学習がすんだ後に行い、基本的な指導内容の理解を段階的に評価するために使ってください。

問題文の下に解答を載せました。折ったり切ったりして、自己採点などにご利用ください。
 - L判は、単元終了時や学習終了時から少し時間をおいて行い、定着度の評価に使ってください。また、解答裏面に、教科書『力をつけよう』に相当する挑戦問題を掲載しました。生徒の状況に応じて扱ってください。
 - 答えの欄が設けてありますが、途中の考え方も評価するようにしてください。
相互採点、自己採点ができるように答えの欄が設けてあります。しかし、個々の思考の過程を評価することも重要なことですので、工夫した活用をお願いします。また、示した解答・解説は模範例であり、他にも正しい答え方、方法があります。よろしくご指導ください。
- 〈お願い〉 ・このテストをさらによいものにするため、ご意見、問題点やこのテストを使っての研究実践記録を各地区三河教育研究会数学委員、または、事務局附属岡崎中学校数学科研究室 (TEL 0564-51-3637)
(FAX 0564-54-4518) までおよせください。

愛知教育文化振興会
三河教育研究会

令和6年度 数学演習 2年

章	節	S判	L判	L判解答
復習			1	1
1 式の計算	1 式の計算	1, 2, 3	2	2
	2 文字式の利用	4		
	章末			
2 連立方程式	1 連立方程式	5, 6	3	3
	2 連立方程式の利用	7		
	章末			
3 一次関数	1 一次関数とグラフ	8, 9, 10 (9は定規が必要)	4 (定規が必要)	4 (定規が必要)
	2 一次関数と方程式	11 (定規が必要)		
	3 一次関数の利用	12		
	章末			
4 図形の調べ方	1 平行と合同	13, 14	5	5
	2 証明	15		
	章末			
5 図形の性質と証明	1 三角形	16, 17	6	6
	2 四角形	18, 19 (19は定規が必要)		
	章末			
7 箱ひげ図とデータの活用	1 場合の数と確率	20, 21	7 (定規が必要)	7 (定規が必要)
	章末			
	1 箱ひげ図	22 (定規が必要)		
	章末			
学年のまとめ			8	8

1章 式の計算

1-1

氏名

組番

=得点=

/ 8

—答えは右にかきなさい—

1 次の多項式は何次式ですか。

(1) $6x^2 - 10y + 3$

(2) $-2a^2b + 4ab + 3b^2 - 1$

1

(1)	次式
(2)	次式

2 次の式の種類項をまとめなさい。

(1) $6a - 2b + 3b - a$

(2) $-x^2 - x + 2 - 4x^2 + 5x$

2

(1)	
(2)	

3 次の2つの式をたしなさい。また、左の式から右の式をひきなさい。

$-2a + 3b, 4a - 5b$

3

たす	
ひく	

4 次の計算をしなさい。

(1)
$$\begin{array}{r} 3x - 4y \\ +) 2x + 3y \\ \hline \end{array}$$

(2)
$$\begin{array}{r} a + b \\ -) a - b - 3 \\ \hline \end{array}$$

4

(1)	
(2)	

S1

1

- (1) 二次式 (2) 三次式

2

- (1) $5a + b$ (2) $-5x^2 + 4x + 2$

3

- (たす) $2a - 2b$ (ひく) $-6a + 8b$

4

- (1) $5x - y$ (2) $2b + 3$

1章 式の計算
1-2

氏名

組番

=得点=

/6

—答えは右にかきなさい—

1 次の計算をしなさい。

(1) $4(3a - b)$

(2) $(30x - 12y) \div (-6)$

(3) $6(3x - y) - 2(5x - 3y + 2)$

(4) $\frac{1}{5}(3x + 4y) + \frac{1}{3}(2x - 3y)$

(5) $\frac{-5a - 3b}{3} - \frac{-8a - b}{2}$

2 $x = \frac{1}{3}$, $y = -\frac{5}{4}$ のとき、次の式の値を求めなさい。

$2(5x - y) - 7(x + 2y)$

1

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	

2

S2

1

(1) $12a - 4b$

(2) $-5x + 2y$

(3) $8x - 4$

(4) $\frac{19x - 3y}{15}$ または $\frac{19}{15}x - \frac{1}{5}y$

(5) $\frac{14a - 3b}{6}$ または $\frac{7}{3}a - \frac{1}{2}b$

2

1章 式の計算

1-3

氏名

組番

=得点=

/ 5

—答えは右にかきなさい—

I 次の計算をしなさい。

(1) $2x \times (-6y)$

(2) $-\frac{5}{2}x \times (2x)^2$

(3) $4ab \div (-12a)$

(4) $-\frac{4}{5}a^2b \div \frac{6}{5}ab$

(5) $(-2xy)^2 \div (-3y^2) \times 3xy$

I

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	

S3

I

(1) $-12xy$ (2) $-10x^3$ (3) $-\frac{1}{3}b$ または $-\frac{b}{3}$ (4) $-\frac{2}{3}a$ (5) $-4x^3y$

1章 式の計算
2-1

氏名

組番

=得点=

/7

—答えは右にかきなさい—

1 連続する3つの奇数の和は3の倍数となります。

その理由を、□をうめて説明しなさい。

(説明)

n を整数とすると、連続する3つの奇数は、小さい方から順に、

$2n+1$, □ア□, □イ□ と表される。

このとき、これらの数の和は、

$(2n+1) + (\squareア\square) + (\squareイ\square)$

$= \squareウ\square$

$= 3(\squareエ\square)$

□エ□ は整数だから、 $3(\squareエ\square)$ は3の倍数である。

したがって、連続する3つの奇数の和は、3の倍数である。

2 次の等式を、[]内の文字について解きなさい。

(1) $4x + 2y = 6$ [y]

(2) $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$ [h]

(3) $z = 3(x - y)$ [x]

1

ア	
イ	
ウ	
エ	

2

(1)	$y =$
(2)	$h =$
(3)	$x =$

S4

1

ア $2n+3$ イ $2n+5$ ウ $6n+9$ エ $2n+3$

2

(1) $y = -2x + 3$ (2) $h = \frac{3V}{\pi r^2}$ (3) $x = \frac{z}{3} + y$ または $x = \frac{z+3y}{3}$

2章 連立方程式
1-①, 1-②(1)

氏
名

組 番

=得点=

/ 5

—答えは右にかきなさい—

1 次のア〜ウのうち, x, y の値の組 (2, 3) が解である

連立方程式を選びなさい。

ア $\begin{cases} 2x - y = 1 \\ x + y = 6 \end{cases}$ イ $\begin{cases} 4x + y = 11 \\ 2x - 3y = 5 \end{cases}$ ウ $\begin{cases} 7x + y = 17 \\ 5x - y = 7 \end{cases}$

1

--

2 次の連立方程式を, それぞれ加減法で解きました。

□にあてはまる数や式を答えなさい。

(1) $\begin{cases} 3x + y = 18 \dots\dots\dots① \\ x + y = 10 \dots\dots\dots② \end{cases}$ (2) $\begin{cases} 4x + y = 5 \dots\dots\dots① \\ -3x - 7y = 15 \dots\dots\dots② \end{cases}$

①から②の両辺をひくと, ①×3 □ ウ = 15 …①'

$3x + y = 18$ ②×4 $-12x - 28y = 60 \dots②'$

$-) \quad x + y = 10$ ①' + ②' $-25y = 75$

□ ア = 8 $y = -3$

$x = 4$ $y = -3$ を①に代入すると,

$x = 4$ を②に代入すると, □ エ = 5

□ イ + $y = 10$ $4x = 5 + 3$

$y = 10 - 4$ $4x = 8$

$y = 6$ $x = 2$

$(x, y) = (4, 6)$ $(x, y) = (2, -3)$

2

	ア	
(1)		
	イ	
(2)	ウ	
	エ	

S5

1

ウ

2

(1) ア $2x$ イ 4 (2) ウ $12x + 3y$ エ $4x - 3$

2章 連立方程式
1-2(2)

氏名

組番

=得点=

/6

—答えは右にかきなさい—

1 次の連立方程式をそれぞれ代入法で解きました。

□にあてはまる数や式を答えなさい。

$$(1) \begin{cases} 7x - 2y = 9 & \dots\dots ① \\ y = 2x & \dots\dots ② \end{cases}$$

②を①に代入すると、

$$7x - 2 \times \square \text{ア} = 9$$

$$7x - 4x = 9$$

$$3x = 9$$

$$x = 3$$

$x = 3$ を②に代入すると、

$$y = 2 \times \square \text{イ}$$

$$y = 6$$

$$(x, y) = (3, 6)$$

$$(2) \begin{cases} 5x + 2y = -1 & \dots\dots ① \\ x - y = 4 & \dots\dots ② \end{cases}$$

②を x について解くと、

$$x = \square \text{ウ} \dots\dots ②'$$

②'を①に代入すると、

$$5(\square \text{ウ}) + 2y = -1$$

$$\square \text{エ} + 2y = -1$$

$$7y = -21$$

$$y = -3$$

$y = -3$ を②に代入すると、

$$x + 3 = 4$$

$$x = 1$$

$$(x, y) = (1, -3)$$

2 次の連立方程式を解きなさい。

$$\begin{cases} 2(x - y) = -x - 4 \\ x + 2y = 12 \end{cases}$$

3 方程式 $4x + 7y = 7 + 2y = 3x - 4$ を解きなさい。

1

(1)	ア	
	イ	
(2)	ウ	
	エ	

2

$(x, y) = (\quad , \quad)$

3

$(x, y) = (\quad , \quad)$

S6

1

(1) ア $2x$ イ 3 (2) ウ $y + 4$ エ $5y + 20$

2

$(x, y) = (2, 5)$

3

$(x, y) = (3, -1)$

2章 連立方程式

2-1

氏名

組番

=得点=

/7

—答えは右にかきなさい—

Ⅰ ある学校では、昨年の入学者数が、男女合わせて200人でした。今年の入学者数は、男子は昨年の入学者数の80%、女子は昨年の入学者数の130%で、男女合わせて220人でした。昨年の男子の入学者数を x 人、女子の入学者数を y 人として、次の問いに答えなさい。

(1) 下の表にあてはまる式や数を答えなさい。

	男子	女子	合計
昨年の入学者数(人)	①	y	200
今年の入学者数(人)	②	③	④

(2) x , y についての連立方程式をつくりなさい。

(3) 昨年の男子と女子の入学者数をそれぞれ求めなさい。

Ⅰ

(1)	①	
	②	
	③	
	④	

(2)	
-----	--

(3)	昨年の男子の入学者数 人
	昨年の女子の入学者数 人

s7

Ⅰ

(1) ① x ② $\frac{80}{100}x$ ③ $\frac{130}{100}y$ ④ 220

(2)
$$\begin{cases} x + y = 200 \\ \frac{80}{100}x + \frac{130}{100}y = 220 \end{cases}$$

(3) 昨年の男子の入学者数 80人 昨年の女子の入学者数 120人

3章 一次関数

1-①, 1-②

氏名

組番

=得点=

/6

—答えは右にかきなさい—

1 次のア〜カの中から一次関数であるものをすべて選び、記号で答えなさい。

ア $y = -x + 2$

イ $y = 2x^3$

ウ $y = 15 - 2x$

エ $y = \frac{x}{3}$

オ $y = x^2 + 1$

カ $y = \frac{5}{x}$

2 一次関数 $y = -4x + 5$ について、次の問いに答えなさい。

(1) x の値が1から3まで増加するときの、 x の増加量と y の増加量をそれぞれ求めなさい。

(2) 変化の割合を答えなさい。

(3) x の増加量が3のときの y の増加量を求めなさい。

3 次のア〜オの一次関数のうち、 x の値が増加するとき y の値が減少するものをすべて選び、記号で答えなさい。

ア $y = x - 9$

イ $y = -4x$

ウ $y = -2 + 5x$

エ $y = -\frac{2}{3}x + 1$

オ $y = -0.5x + 7$

1

2

	x の増加量
(1)	y の増加量
(2)	
(3)	

3

S8

1

ア, ウ, エ

2

(1) x の増加量 2 y の増加量 -8 (2) -4 (3) -12

3

イ, エ, オ

3章 一次関数
1-3

氏名

組番

=得点=

/6

—答えは右にかきなさい—

1 次の直線の傾きと切片を答えなさい。

(1) $y = 3x - 2$

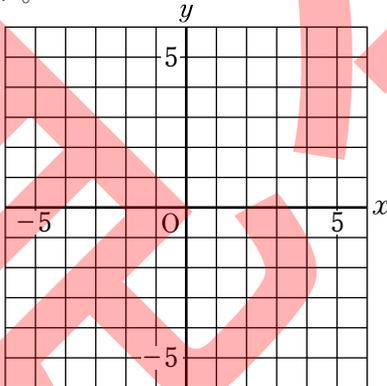
(2) $y = -x$

(3) $y = -\frac{1}{4}x + 1$

2 次の一次関数のグラフをかきなさい。

(1) $y = -2x + 4$

(2) $y = \frac{1}{3}x - 1$



3 一次関数 $y = x + 2$ において、 x の変域が $-1 \leq x \leq 3$ のときの y の変域を求めなさい。

1

傾き
(1) 切片
傾き
(2) 切片
傾き
(3) 切片

2

左の図にかきなさい。

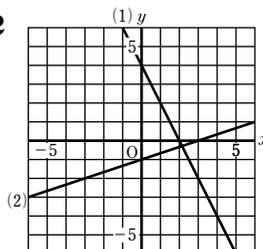
3

S9

1

- (1) 傾き 3 (2) 傾き -1 (3) 傾き $-\frac{1}{4}$
 切片 -2 切片 0 切片 1
 (完答) (完答) (完答)

2



3

$1 \leq y \leq 5$

3章 一次関数

1-4

氏名

組番

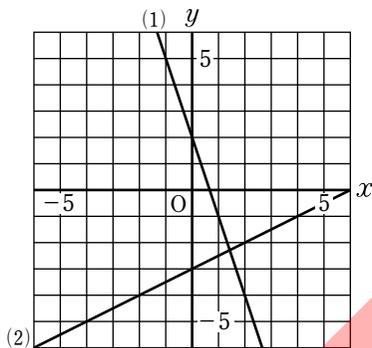
=得点=

/ 6

—答えは右にかきなさい—

1 次の直線は、ある一次関数のグラフです。

これらの直線の式を求めなさい。



1

(1)	
(2)	

2 次の一次関数の式を求めなさい。

- (1) グラフが、点 (2, 5) を通り、切片が -3 の直線
- (2) $x = 1$ のとき $y = -8$ で、 x の増加量が 2 のときの y の増加量が -6 である
- (3) グラフが、点 (4, 3) を通り、 $y = \frac{1}{2}x + 5$ のグラフに平行な直線
- (4) $x = -2$ のとき $y = 6$ 、 $x = 3$ のとき $y = 1$ である

2

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

s10

1

(1) $y = -3x + 2$ (2) $y = \frac{1}{2}x - 3$

2

(1) $y = 4x - 3$ (2) $y = -3x - 5$ (3) $y = \frac{1}{2}x + 1$ (4) $y = -x + 4$

3章 一次関数

2-①, 2-②

氏名

組番

=得点=

/ 5

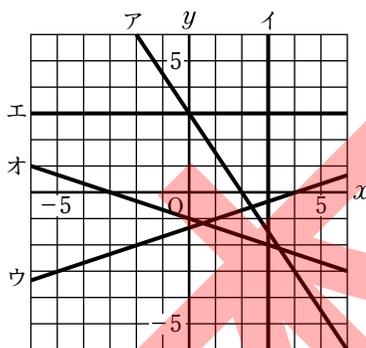
—答えは右にかきなさい—

1 次の方程式のグラフを下の図からそれぞれ選び、記号で答えなさい。

(1) $3x + 2y = 6$

(2) $y = 3$

(3) $x = 3y + 4$

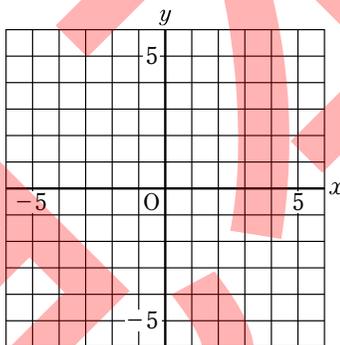


1

(1)	
(2)	
(3)	

2 方程式 $3x - 4y = 12$ のグラフをかきなさい。

かきなさい。



2

左の図にかきなさい。

3 2つの方程式 $2x + y = -2$, $x - 2y = -6$ のグラフの交点の

座標を求めなさい。

3

(,)

s11

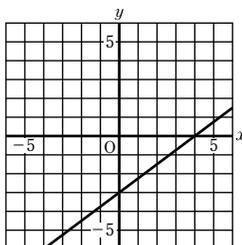
1

- (1) ア (2) エ (3) ウ

3

(-2, 2)

2



3章 一次関数

3-1

氏名

組番

=得点=

/ 4

—答えは右にかきなさい—

Ⅰ ある電話会社には、下のような料金プランがあります。

次の問いに答えなさい。

	月額基本料金	1分ごとの通話料
Aプラン	0円	50円
Bプラン	1200円	20円
Cプラン	3000円	0円

Ⅰ

(1)	円
(2)	分
(3)	分
(4)	プラン

$$\boxed{\text{1か月の使用料}} = \left(\begin{array}{c} \text{月額基本} \\ \text{料金} \end{array} \right) + \left(\begin{array}{c} \text{1分ごとの} \\ \text{通話料} \end{array} \right) \times \left(\text{通話時間(分)} \right)$$

(1) Bプランで1か月に25分通話したときの使用料を求めなさい。

(2) AプランとBプランの1か月の使用料が等しくなるのは、1か月に何分通話したときか、求めなさい。

(3) BプランとCプランの1か月の使用料が等しくなるのは、1か月に何分通話したときか、求めなさい。

(4) 花子さんは、今月1時間通話をしました。どのプランにすると1か月の使用料が一番安くなるか、求めなさい。

s12

Ⅰ

- (1) 1700円 (2) 40分 (3) 90分 (4) Bプラン

4章 図形の調べ方

1-①, 1-②

氏名

組番

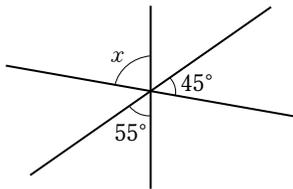
=得点=

/ 6

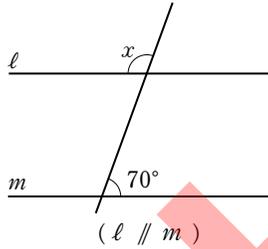
—答えは右にかきなさい—

1 下の図で、 $\angle x$ の大きさをそれぞれ求めなさい。

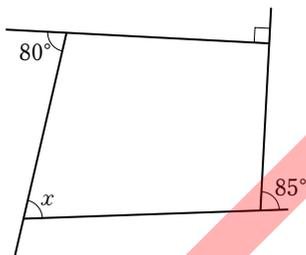
(1)



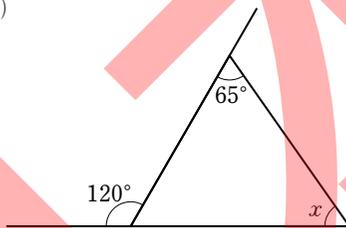
(2)



(3)



(4)



1

(1)	$\angle x =$	度
(2)	$\angle x =$	度
(3)	$\angle x =$	度
(4)	$\angle x =$	度

2 次の問いに答えなさい。

- (1) 八角形の内角の和を求めなさい。
- (2) 正十角形の1つの外角の大きさを求めなさい。

2

(1)		度
(2)		度

s13

1

- (1) $\angle x = 80$ 度 (2) $\angle x = 110$ 度 (3) $\angle x = 75$ 度 (4) $\angle x = 55$ 度

2

- (1) 1080 度 (2) 36 度

4章 図形の調べ方
1-3

氏名

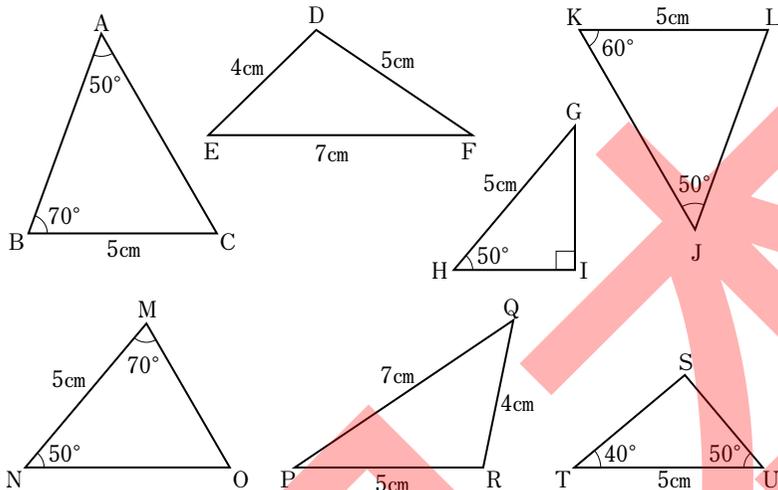
組番

=得点=

/ 5

—答えは右にかきなさい—

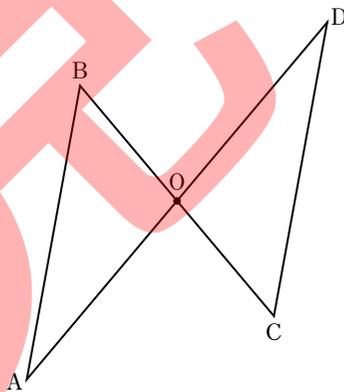
1 下の三角形を、合同な三角形の組に分け、記号 \equiv を使って表しなさい。



1

2 右の図で、線分ADと線分BCがそれぞれの midpoint O で交わっているとき、 $\triangle ABO$ と合同になる三角形を答えなさい。

また、そのときに使った合同条件を書きなさい。



2

(合同条件)

s14

- 1 $\triangle ABC \equiv \triangle JKL$
 $\triangle DEF \equiv \triangle RQP$
 $\triangle GHI \equiv \triangle TUS$

- 2 $\triangle DCO$
 (合同条件) 2組の辺とその間の角が、それぞれ等しい

4章 図形の調べ方

2-①, 2-②

氏
名

組 番

=得点=

/ 6

—答えは右にかきなさい—

1 次のことがらについて、仮定と結論を答えなさい。

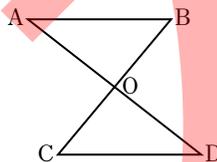
(1) $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ならば、 $BC = EF$ である。

(2) $\triangle ABC$ で、 $\angle B = \angle C$ ならば、 $AB = AC$ である。

1

	(仮定)
(1)	(結論)
	(仮定)
(2)	(結論)

2 右の図で、 $AB \parallel CD$ 、 $AB = DC$ ならば、 $AO = DO$ であることを、をうめて証明しなさい。



(証明) $\triangle ABO$ と で

仮定より $AB = DC$ ……①

$AB \parallel CD$ より平行線の は等しいので、

$\angle ABO = \angle DCO$ ……②

$\angle BAO = \angle CDO$ ……③

①, ②, ③から、 が、それぞれ等しいので、

$\triangle ABO \equiv$

合同な図形では、対応する は等しいので、

$AO = DO$

2

ア	
イ	
ウ	
エ	

s15

1

(1) (仮定) $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ (結論) $BC = EF$ (完答)

(2) (仮定) $\angle B = \angle C$ (結論) $AB = AC$ (完答)

2

ア $\triangle DCO$ イ 錯角 ウ 1組の辺とその両端の角 エ 辺の長さ または 辺, 線分の長さ, 線分

5章 図形の性質と証明
1-1

氏名

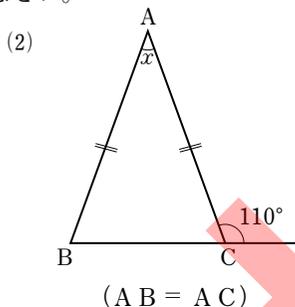
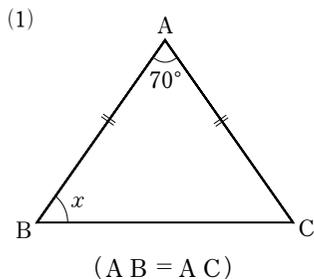
組番

=得点=

/6

—答えは右にかきなさい—

1 下の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



2 次のことがらの逆を述べ、それが正しいときには○を、正しくないときには反例を〔 〕に書きなさい。

(1) m, n が自然数ならば、 mn は自然数である。

(2) $\triangle ABC$ で、 $AB = BC = CA$ ならば、 $\angle A = \angle B = \angle C$ である。

1

(1)	$\angle x =$	度
(2)	$\angle x =$	度

2

	逆
(1)	〔 〕
	逆
(2)	〔 〕

s16

1

(1) $\angle x = 55$ 度 (2) $\angle x = 40$ 度

2

(1) (逆) mn が自然数ならば、 m, n は自然数である。〔(例) $m = -1, n = -2$ 〕

(2) (逆) $\triangle ABC$ で、 $\angle A = \angle B = \angle C$ ならば、 $AB = BC = CA$ である。〔○〕

5章 図形の性質と証明
1-2

氏
名

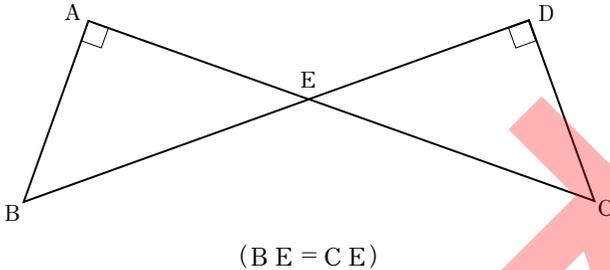
組 番

=得点=

/7

—答えは右にかきなさい—

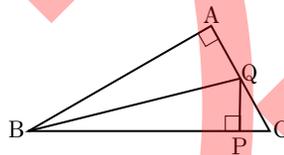
- 1 下の図で、合同な三角形を見つけ、記号 \equiv を使って表しなさい。
また、そのときに使った直角三角形の合同条件を書きなさい。



1

合同条件

- 2 $\angle A = 90^\circ$ である直角三角形ABCで、
辺BC上に $AB = PB$ となるように点Pを
とります。QP \perp BCとなるような点Qを
辺AC上にとるとき、 $AQ = PQ$ となります。
このことを、をうめて証明しなさい。



(証明) $\triangle ABQ$ と (1) で
仮定より、 $\angle BAQ = \angle$ (2) $= 90^\circ$ ……①
 $AB =$ (3) ……②
共通な辺だから、 $BQ =$ (4) ……③
①、②、③から、直角三角形の (5) が、
それぞれ等しいので、
 $\triangle ABQ \equiv$ (1)
よって $AQ = PQ$

2

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	

s17

1

$\triangle ABE \equiv \triangle DCE$
(合同条件) 直角三角形の斜辺と1つの鋭角が、それぞれ等しい

2

- (1) $\triangle PBQ$ (2) BPQ (3) PB (4) BQ
(5) 斜辺と他の1辺

5章 図形の性質と証明
2-①, 2-②, 2-③

氏
名

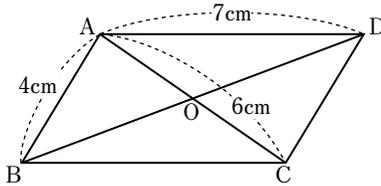
組 番

=得点=

/10

—答えは右にかきなさい—

1 下の図の□ABCDについて、次の問いに答えなさい。



- (1) 次の辺や線分の長さを求めなさい。
ア 辺DC イ 線分AO
- (2) $\angle DAC$ と等しい角を書きなさい。

2 次の四角形ABCDが常に平行四辺形になるものには○を、
そうでないものには×をかきなさい。

- (1) $AB \parallel DC, AD \parallel BC$
- (2) $AB = 6 \text{ cm}, BC = 4 \text{ cm}, CD = 4 \text{ cm}, DA = 6 \text{ cm}$
- (3) $\angle A = 60^\circ, \angle B = 110^\circ, \angle C = 80^\circ, \angle D = 110^\circ$
- (4) $\angle A = 50^\circ, \angle D = 130^\circ, AB = 5 \text{ cm}, AD = 5 \text{ cm}$

3 次の□ABCDはどんな四角形ですか。

- (1) $\angle A = \angle B$ である□ABCD
- (2) $AB = BC$ である□ABCD
- (3) $\angle A = 90^\circ$ であり、 $AB = BC$ である□ABCD

1

(1)	ア	cm
	イ	cm
(2)		

2

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

3

(1)	
(2)	
(3)	

s18

1

- (1) ア 4cm イ 3cm (2) $\angle BCA$ または $\angle ACB$

2

- (1) ○ (2) × (3) × (4) ×

3

- (1) 長方形 (2) ひし形 (3) 正方形

5章 図形の性質と証明

2-4, 2-5

氏
名

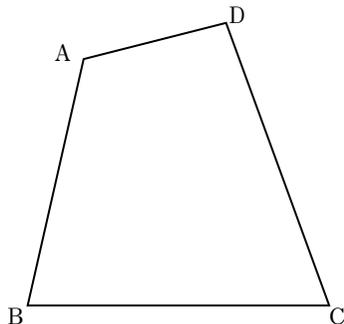
組 番

=得点=

/ 8

—答えは右にかきなさい—

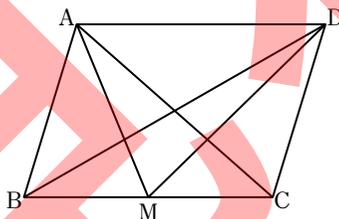
- 1 下の図で、辺BCを点Cの方向へ延長した直線上に点Eをとり、
四角形ABCDと面積が等しい△ABEをかきなさい。



1

左の図にかきなさい。

- 2 右の図のような□ABCDで、
BCの中点をMとし、
それぞれの対角線、AM、DMを結ぶ。
次の問いに答えなさい。



2

(1)

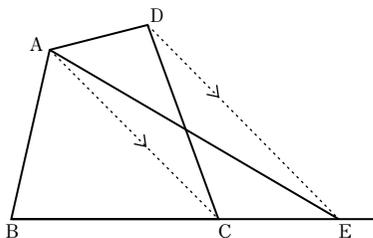
(2)

- (1) △ABCと面積の等しい三角形を4つ答えなさい。
(2) △ABMと面積の等しい三角形を3つ答えなさい。

s19

1

[かき方] 点Dを通りACと平行な直線と、
辺BCを延長した直線との交点をEとして、
△ABEをかく。



2

- (1) △BCD, △ACD, △ABD, △AMD (2) △BMD, △AMC, △DMC

6章 場合の数と確率

1-1

氏名

組番

=得点=

/7

—答えは右にかきなさい—

1 1, 2, 3, …, 12の数を1つずつ書いた12枚のカードがあります。

このカードを裏向きにしてよくきり、1枚をひくとき、次の確率を求めなさい。

- (1) カードに書かれた数が4である確率
- (2) カードに書かれた数が12の約数である確率
- (3) カードに書かれた数が15である確率
- (4) カードに書かれた数が12以下である確率

1

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

2 赤玉3個、白玉5個、青玉7個が入った袋から玉を1個取り出すとき、

次の確率を求めなさい。

- (1) 赤玉が出る確率
- (2) 赤玉または青玉が出る確率
- (3) 赤玉、白玉、青玉のいずれかが出る確率

2

(1)	
(2)	
(3)	

s20

1

- (1) $\frac{1}{12}$
- (2) $\frac{1}{2}$
- (3) 0
- (4) 1

2

- (1) $\frac{1}{5}$
- (2) $\frac{2}{3}$
- (3) 1

6章 場合の数と確率

1-2, 1-3

氏
名

組 番

=得点=

/ 6

—答えは右にかきなさい—

1 1から5までの数字を1つずつ書いた5枚のカードを裏向きにしてよくきり、その中から2枚を続けて取り出して順に並べ、2けたの整数をつくります。

このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 整数は全部で何通りできるか、求めなさい。
- (2) 整数が3の倍数になる確率を求めなさい。

1

(1)	通り
(2)	

2 A, B 2つのさいころを同時に投げるとき、次の確率を求めなさい。

- (1) 出る目の数の和が7になる確率
- (2) 出る目の数の和が7にならない確率

2

(1)	
(2)	

3 A, B, Cの文字を1つずつ書いた3枚のカードがあります。

このカードを裏向きにしてよくきり、1枚ずつひいた順に左から3枚並べるとき、次の確率を求めなさい。

- (1) Aが真ん中になる確率
- (2) AとCがとなり合う確率

3

(1)	
(2)	

s21

1

- (1) 20通り
- (2) $\frac{2}{5}$

2

- (1) $\frac{1}{6}$
- (2) $\frac{5}{6}$

3

- (1) $\frac{1}{3}$
- (2) $\frac{2}{3}$

7章 箱ひげ図とデータの活用

1-①, 1-②

氏名

組番

=得点=

/5

—答えは右にかきなさい—

Ⅰ 下のデータは、あるクラスの生徒17人が先月1か月間に読んだ本の冊数を調べたものです。このデータについて、次の問いに答えなさい。

5	7	9	6	1	14	13	2	11
9	13	6	9	13	3	1	5	

(1)	冊
(2)	冊
(3)	冊
(4)	冊
(5)	左の図にかきなさい。

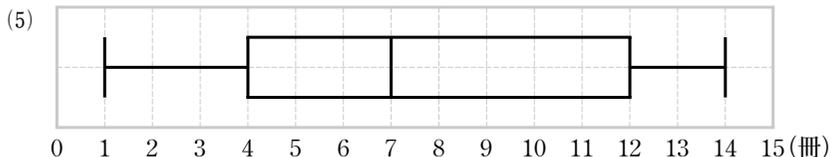
- (1) 最小値を求めなさい。
- (2) 中央値を求めなさい。
- (3) 第3四分位数を求めなさい。
- (4) 四分位範囲を求めなさい。
- (5) 箱ひげ図をかきなさい。



S22

Ⅰ

- (1) 1冊 (2) 7冊 (3) 12冊 (4) 8冊



—答えは右にかきなさい—

7 次の x と y の関係を式に表しなさい。

- (1) y は x に比例し, $x = 2$ のとき, $y = -6$ である。
- (2) y は x に反比例し, $x = -3$ のとき, $y = -5$ である。

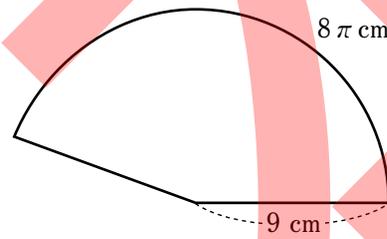
8 何人かの生徒にノートを配るのに, 1人4冊ずつ配ると9冊余り, 1人に6冊ずつ配ると13冊足りない。

次の問いに答えなさい。

- (1) 生徒の人数を x 人として方程式をつくりなさい。
- (2) 生徒の人数を求めなさい。
- (3) ノートの冊数を求めなさい。

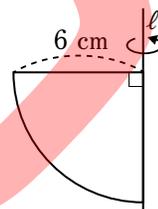
9 右の図のように, 半径 9 cm , 弧の長さ $8\pi\text{ cm}$ のおうぎ形があります。このおうぎ形の中心角の大きさと面積を求めなさい。

ただし, 円周率は π とします。



10 右の図のようなおうぎ形を, 直線 l を軸として1回転させてできる立体の体積と表面積を求めなさい。

ただし, 円周率は π とします。



11 右の度数分布表は, あるクラスの生徒20人の通学時間を調査し, まとめたものです。

(1) 10分以上20分未満の階級の相対度数を求めなさい。

(2) このクラスの通学時間の平均値が19分になるとき, 20分以上30分未満の階級の度数を求めなさい。

階級(分)	度数(人)
0以上~10未満	3
10~20	8
20~30	<input type="text"/>
30~40	<input type="text"/>
計	20

7 知・技 8 (各4点)

(1)	
(2)	

8 思・判・表 12 (各4点)

(1)	
(2)	人
(3)	冊

9 思・判・表 8 (各4点)

中心角	度
面積	cm^2

10 思・判・表 8 (各4点)

体積	cm^3
表面積	cm^2

11 思・判・表 8 (各4点)

(1)	
(2)	人

1章 式の計算	氏名	組番	=得点= /100	知・技 /72	思・判・表 /28
---------	----	----	--------------	------------	--------------

—答えは右にかきなさい—

1 次の問いに答えなさい。

- (1) 多項式 $3a - \frac{b}{2} + 5$ の項をすべて答えなさい。また、 b の係数を答えなさい。
- (2) 単項式 $-4a^2bc^2$ の次数を答えなさい。
- (3) 多項式 $5x^2 - 4x + 3$ は何次式か、答えなさい。

2 次の問いに答えなさい。

- (1) 次の2つの式で、左の式から右の式をひきなさい。
 $-x - 3y$, $2x - 5y$

(2) 次の計算をしなさい。

$$\begin{array}{r} 6x - 3y \\ +) 4x + 3y - 1 \\ \hline \end{array}$$

3 次の計算をしなさい。

- (1) $8x - y - 5x + 2y + 3$ (2) $(12x - 8y) \div (-2)$
- (3) $5(x^2 + 3x - 3) - 3(5x - 1)$ (4) $\frac{1}{6}(2a - 12b) + \frac{1}{3}(2a - 6b)$
- (5) $\frac{3x - 5y}{3} - \frac{x - 2y}{2}$

4 次の計算をしなさい。

- (1) $6x \times (-8y)$ (2) $-3ab^2 \div (-9a)$
- (3) $-\frac{5}{4}ab^2 \div \frac{5}{16}b$ (4) $(-2xy)^2 \div (-y)^3 \times (-3xy^2)$

5 $a = \frac{1}{5}$, $b = -\frac{2}{3}$ のとき、次の式の値を求めなさい。

- (1) $7a - 4b - 2a + b$ (2) $\frac{6a - 3b}{2} - (-2a + 3b)$

6 次の等式を、[] 内の文字について解きなさい。

- (1) $9y = 7x + 2$ [x] (2) $a = 3(b + c)$ [b]

1 知・技 12 (各4点 (1)は完答)

(1)	項
(2)	b の係数
(3)	次式

2 知・技 8 (各4点)

(1)	
(2)	

3 知・技 20 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	

4 知・技 16 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

5 知・技 8 (各4点)

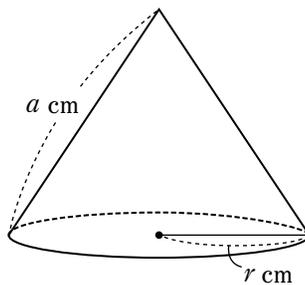
(1)	
(2)	

6 知・技 8 (各4点)

(1)	$x =$
(2)	$b =$

—答えは右にかきなさい—

7 右の図のような円錐の側面積を $S \text{ cm}^2$ 、母線の長さを $a \text{ cm}$ 、
底面の半径を $r \text{ cm}$ 、円周率を π とすると、
等式 $S = \pi ar$ が成り立つことがわかっています。



このとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 等式 $S = \pi ar$ を r について解きなさい。
- (2) 円錐の側面積 S が $24\pi \text{ cm}^2$ 、母線の長さが 6 cm のとき、底面の半径を求めなさい。

8 連続する3つの偶数の和は、6の倍数になります。

その理由を、 をうめて説明しなさい。

(説明) n を整数とし、もっとも小さい偶数を $2n$ とすると、
3つの連続した偶数は、 $2n$ 、 ア 、 イ と表される。

したがって、3数の和は、

$$2n + (\text{ア}) + (\text{イ}) = \text{ウ}$$

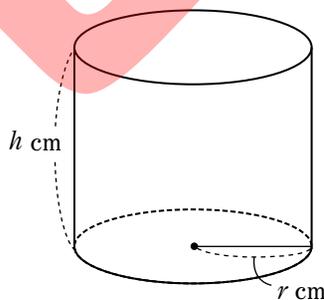
$$= 6(\text{エ})$$

エ は整数だから、 $6(\text{エ})$ は6の倍数である。

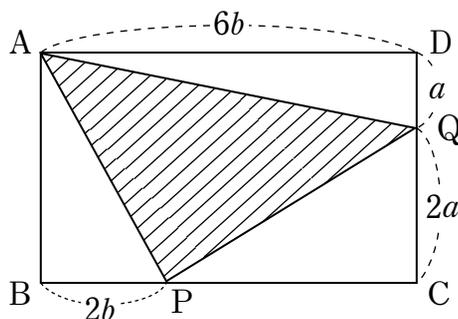
9 3けたの整数 X と、 X のそれぞれの位の数をたした整数 Y があります。
 X の百の位の数を a 、十の位の数を b 、一の位の数を c としたとき、
 $X - Y$ を a 、 b 、 c を使って、もっとも簡単な式で表しなさい。

10 底面の半径が $r \text{ cm}$ 、高さが $h \text{ cm}$ の円柱があります。

この円柱の底面の半径を2倍にした円柱Aと、
高さを2倍にした円柱Bをつくると
Aの体積はBの体積の何倍になりますか。



11 四角形 $ABCD$ は長方形である。
 $\triangle APQ$ の面積を文字式で表しなさい。



7 思・判・表 8 (各4点)

(1)	$r =$
(2)	cm

8 思・判・表 8 (各2点)

ア	
イ	
ウ	
エ	

9 思・判・表 4 (4点)

10 思・判・表 4 (4点)

 倍


類題はこちら 解答はこちら

11 思・判・表 4 (4点)

2章 連立方程式

氏名

組番

=得点=

知・技

思・判・表

/100

/65

/35

—答えは右にかきなさい—

1 連立方程式 $\begin{cases} x + y = 7 \\ 2x - y = 8 \end{cases}$ を、表を使って解くとき、次の問いに答えなさい。

(1) x の値が 1, 2, 3, 4, 5 のとき、二元一次方程式 $x + y = 7$ を成り立たせる y の値を求め、右の表に書き入れなさい。

(2) x の値が 1, 2, 3, 4, 5 のとき、二元一次方程式 $2x - y = 8$ を成り立たせる y の値を求め、右の表に書き入れなさい。

(3) (1), (2)より、連立方程式の解を求めなさい。

1 知・技 15(各5点, (1)(2)は完答)

	x	1	2	3	4	5
(1)	y					
	x	1	2	3	4	5
(2)	y					
(3)	$(x, y) = (\quad , \quad)$					

2 次のア~エの連立方程式のうち、 $(x, y) = (-2, 5)$ が解となるものを

すべて選び、記号で答えなさい。

ア $\begin{cases} x + 2y = 8 \\ 2x - y = -1 \end{cases}$

イ $\begin{cases} -2x + 3y = 19 \\ 5x + y = -5 \end{cases}$

ウ $\begin{cases} -4x - 2y = -2 \\ 3x + 4y = 14 \end{cases}$

エ $\begin{cases} x = y - 7 \\ 3x + 5y = 1 \end{cases}$

2 知・技 5(5点)

--

3 次の方程式を解きなさい。

(1) $\begin{cases} x + y = 9 \\ x - y = -1 \end{cases}$

(2) $\begin{cases} 2x - 3y = 10 \\ x - 2y = 4 \end{cases}$

(3) $\begin{cases} 3x + 2y = 9 \\ 7x + 5y = 21 \end{cases}$

(4) $\begin{cases} 5y - x = -14 \\ x = y - 2 \end{cases}$

(5) $\begin{cases} y = 7x - 57 \\ y = -3x + 13 \end{cases}$

(6) $\begin{cases} 4x - y = 4 \\ 2(x + y) - 3x = 6 \end{cases}$

(7) $\begin{cases} 3x + y = -1 \\ 2x - \frac{y-2}{3} = 4 \end{cases}$

(8) $\begin{cases} 0.1x + 0.02y = 1 \\ 5x + 2y = 55 \end{cases}$

(9) $7x - 4y - 14 = 8y - 11x + 10 = -10$

3 知・技 45(各5点)

(1)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(2)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(3)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(4)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(5)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(6)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(7)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(8)	$(x, y) = (\quad , \quad)$
(9)	$(x, y) = (\quad , \quad)$

—答えは右にかきなさい—

4 次の2つの連立方程式が同じ解をもつとき、 a 、 b の値を求めなさい。

$$\begin{cases} 3x + 7y = 8 \\ ax - by = 7 \end{cases} \quad \begin{cases} 5x - 4y = 29 \\ bx + ay = -17 \end{cases}$$

5 ある動物園の入園料は、おとな2人と子ども1人で1300円、おとな4人と子ども5人で2900円になります。おとな1人と子ども1人の入園料をそれぞれ求めなさい。

6 2けたの正の整数があります。この整数は、各位の数の和の4倍よりも6大きい数です。また、十の位の数と一の位の数を入れかえてできる2けたの数は、もとの整数よりも9大きくなります。もとの整数を求めなさい。

7 ある店で、ゴーグルとうきわを買いました。定価で買うと、代金の合計は3400円ですが、ゴーグルは定価の10%引き、うきわは定価の20%引きだったので、代金の合計は2900円でした。

次の問いに答えなさい。

(1) ゴーグルの定価を x 円、うきわの定価を y 円として、連立方程式をつくりなさい。

(2) (1)の連立方程式を解いて、ゴーグルとうきわの定価を、それぞれ求めなさい。

8 池のまわりに1周6kmの道路があります。Aさん、Bさんの2人が歩いて、同じ地点を同時に、互いに反対の方向に出発すると40分後に出会い、同じ方向に出発すると2時間後にAさんがBさんに追いつきます。

次の問いに答えなさい。

(1) Aさんの速さを分速 x m、Bさんの速さを分速 y mとして、連立方程式をつくりなさい。

(2) (1)の連立方程式を解いて、AさんとBさんの速さをそれぞれ求めなさい。

4 思・判・表 5 (完答5点)

$a =$
$b =$

5 思・判・表 5 (完答5点)

おとな	円
子ども	円

6 思・判・表 5 (5点)

--

7 思・判・表 10 (各5点,(2)は完答)

(1)					
(2)	<table border="1"> <tr> <td>ゴーグルの定価</td> <td>円</td> </tr> <tr> <td>うきわの定価</td> <td>円</td> </tr> </table>	ゴーグルの定価	円	うきわの定価	円
ゴーグルの定価	円				
うきわの定価	円				

8 思・判・表 10 (各5点,(2)は完答)

(1)									
(2)	<table border="1"> <tr> <td>Aさんの速さ</td> <td></td> </tr> <tr> <td>分速</td> <td>m</td> </tr> <tr> <td>Bさんの速さ</td> <td></td> </tr> <tr> <td>分速</td> <td>m</td> </tr> </table>	Aさんの速さ		分速	m	Bさんの速さ		分速	m
Aさんの速さ									
分速	m								
Bさんの速さ									
分速	m								

3章 一次関数

氏名

組番

=得点=

知・技

思・判・表

/100

/55

/45

—答えは右にかきなさい—

1 次のア~エのうち、 y が x の一次関数であるものをすべて選び、記号で答えなさい。

ア 一辺が x cmの立方体の体積 y cm³

イ 半径 x cmの円の周の長さ y cm

ウ 1個 x 円のりんごを3個買って、1000円出したときのおつり y 円

エ 50 kmの道のりを時速 x kmで進んだときにかかった時間 y 時間

2 一次関数 $y = 5x - 2$ について、次の問いに答えなさい。

(1) この直線の傾きと切片を求めなさい。

(2) x の値が -5 から -3 まで増加するとき、 y の増加量を求めなさい。

3 次の(1)~(4)の条件にあてはまる式を、下のア~カの中からすべて選び、

記号で答えなさい。

(1) グラフが $y = -3x + 5$ と平行である。

(2) グラフが右下がりの直線である。

(3) x の値が増加すると、 y の値も増加する。

(4) グラフが $y = -5x + 5$ と x 軸上で交わる。

ア $y = 3x - 3$

イ $y = 2x - 5$

ウ $y = -3x$

エ $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$

オ $x = 1$

カ $y = -\frac{1}{5}x + 5$

4 次の式のグラフをかきなさい。

(1) $y = 3x + 3$

(2) $2x + 3y = 3$

5 次の問いに答えなさい。

(1) 変化の割合が -3 で、点 $(3, 2)$ を通る直線の式を求めなさい。

(2) 2点 $(-2, 8)$ 、 $(1, 5)$ を通る直線の式を求めなさい。

(3) 点 $(2, 6)$ を通り、切片が2の一次関数は、点 $(m, -4)$ を通る。

このとき、 m の値を求めなさい。

(4) 一次関数 $y = -2x + 4$ において、 x の変域が $-1 \leq x \leq 3$ のときの y の

変域を求めなさい。

(5) 2点 $(-2, 1)$ 、 $(-2, -3)$ を通る直線の式を求めなさい。

1 知・技 5 (5点)

--

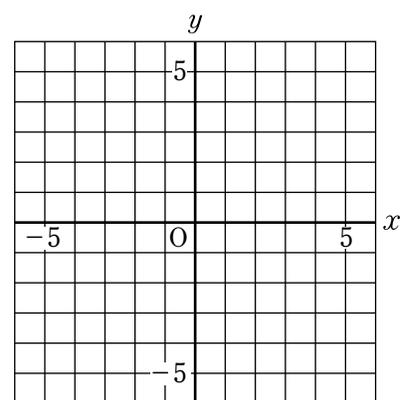
2 知・技 6 (各3点, (1)は完答)

	傾き
(1)
	切片
(2)	

3 知・技 16 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

4 知・技 8 (各4点)

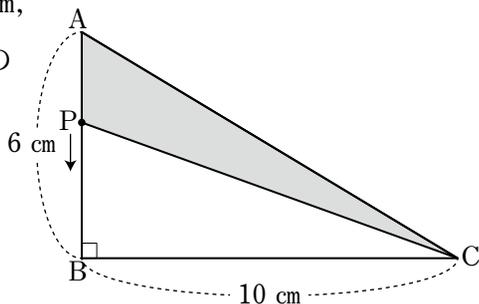


5 知・技 20 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	$m =$
(4)	
(5)	

—答えは右にかきなさい—

6 右の図の $\triangle ABC$ は、 $AB = 6 \text{ cm}$ 、 $BC = 10 \text{ cm}$ 、 $\angle B = 90^\circ$ の直角三角形です。点 P は、 $\triangle ABC$ の辺上を、毎秒 1 cm の速さで、 A から B を通って C まで動くとし、点 P が A を出発してから x 秒後の $\triangle APC$ の面積を $y \text{ cm}^2$ とするとき、次の問いに答えなさい。

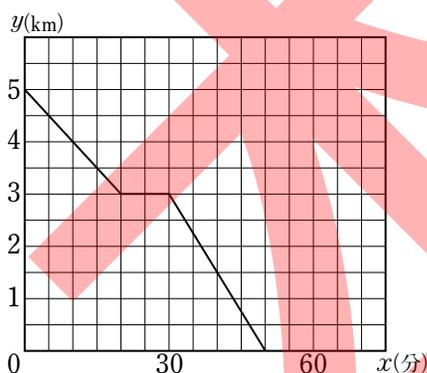


6 思・判・表 15 (各 5 点)

(1)	
(2)	
(3)	秒後と 秒後

- (1) 点 P が辺 AB 上を動くとき、 x と y の関係を変域をつけて表しなさい。
- (2) 点 P が辺 BC 上を動くとき、 x と y の関係を変域をつけて表しなさい。
- (3) $\triangle APC$ の面積が 15 cm^2 となるのは、点 P が A を出発してから何秒後と何秒後であるか、求めなさい。

7 太郎さんは A 市の自分の家を出て、途中の公園で休けいをした後、再び出発して、家から 5 km 離れた B 市の映画館まで行きました。家を出発してから x 分後にいる地点から映画館までの道のりを $y \text{ km}$ として、 x と y の関係をグラフに表すと次のようになりました。

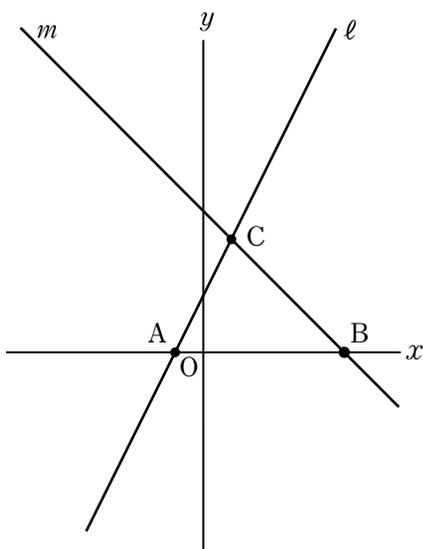


7 思・判・表 15 (各 5 点)

(1)	km
(2)	km
(3)	km

- 次の問いに答えなさい。
- (1) 太郎さんの家から公園までの道のりを求めなさい。
 - (2) 太郎さんが家を出て 14 分後にいる地点から映画館までの道のりを求めなさい。
 - (3) 太郎さんが家を出た 10 分後に、花子さんは映画館を出発し、太郎さんの家に向かいました。
花子さんが時速 3 km で進むとき、太郎さんは、映画館まで残り何 km の地点で花子さんと出会うか、求めなさい。

8 直線 $l : y = 2x + 2$ と直線 $m : y = -x + 5$ の 2 直線があります。直線 l と x 軸との交点を A 、直線 m と x 軸との交点を B 、直線 l と直線 m との交点を C とします。



8 思・判・表 15 (各 5 点)

(1)	$C (\quad , \quad)$
(2)	
(3)	

- 次の問いに答えなさい。
- (1) 点 C の座標を求めなさい。
 - (2) $\triangle ABC$ の面積を求めなさい。
 - (3) 点 A を通る直線のうち、 $\triangle ABC$ の面積を 2 等分する直線の式を求めなさい。

4章 図形の調べ方

氏名

組番

=得点=

知・技

思・判・表

/100

/59

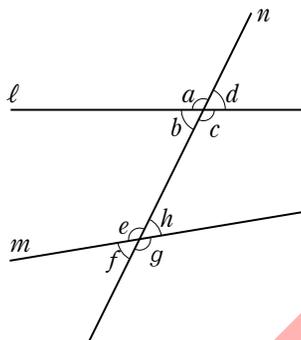
/41

—答えは右にかきなさい—

1 右の図の $\angle a \sim \angle h$ は、3直線 l, m, n が交わったときにできる角を示しています。

次の問いに答えなさい。

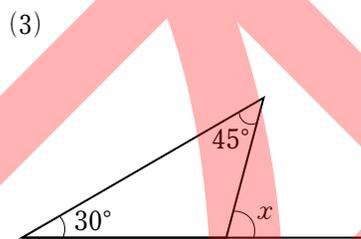
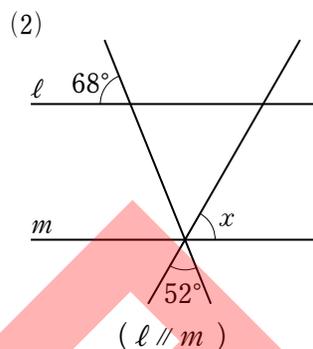
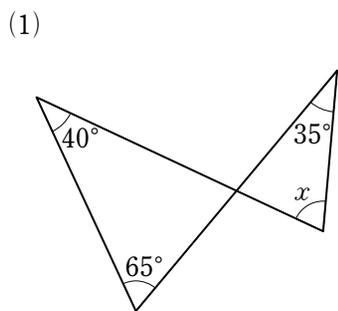
- $\angle e$ と同位角、錯角の関係にある角をそれぞれ答えなさい。
- $l \parallel m$, $\angle b = 55^\circ$ のとき, $\angle g$ の大きさを求めなさい。
- $l \parallel m$ のとき, $\angle b + \angle e$ の大きさを求めなさい。



1 知・技 8 (各2点)

(1)	同位角	
	錯角	
(2)		度
(3)		度

2 下の図で, $\angle x$ の大きさを求めなさい。



2 知・技 12 (各4点)

(1)	$\angle x =$	度
(2)	$\angle x =$	度
(3)	$\angle x =$	度

3 右の図で, $AC = AD$, $\angle ACE = \angle ADB$ です。

このとき, $\triangle ACE$ と $\triangle ADB$ が合同であることを証明します。

をうめて証明しなさい。

仮定 ア , $\angle ACE = \angle ADB$

結論 イ

(証明) $\triangle ACE$ と ウ で

仮定より

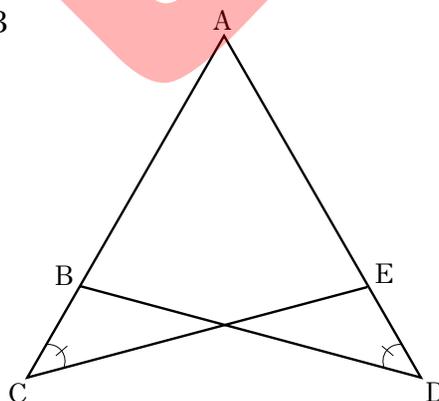
ア ①

$\angle ACE = \angle ADB$ ②

$\angle A$ は共通なので

$\angle CAE =$ エ ③

①, ②, ③から, オ が, それぞれ等しいので, イ



3 知・技 15 (各3点)

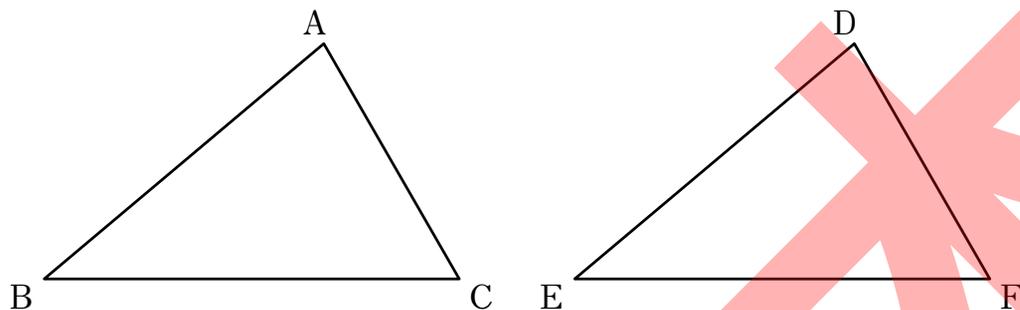
ア	
イ	
ウ	
エ	
オ	

—答えは右にかきなさい—

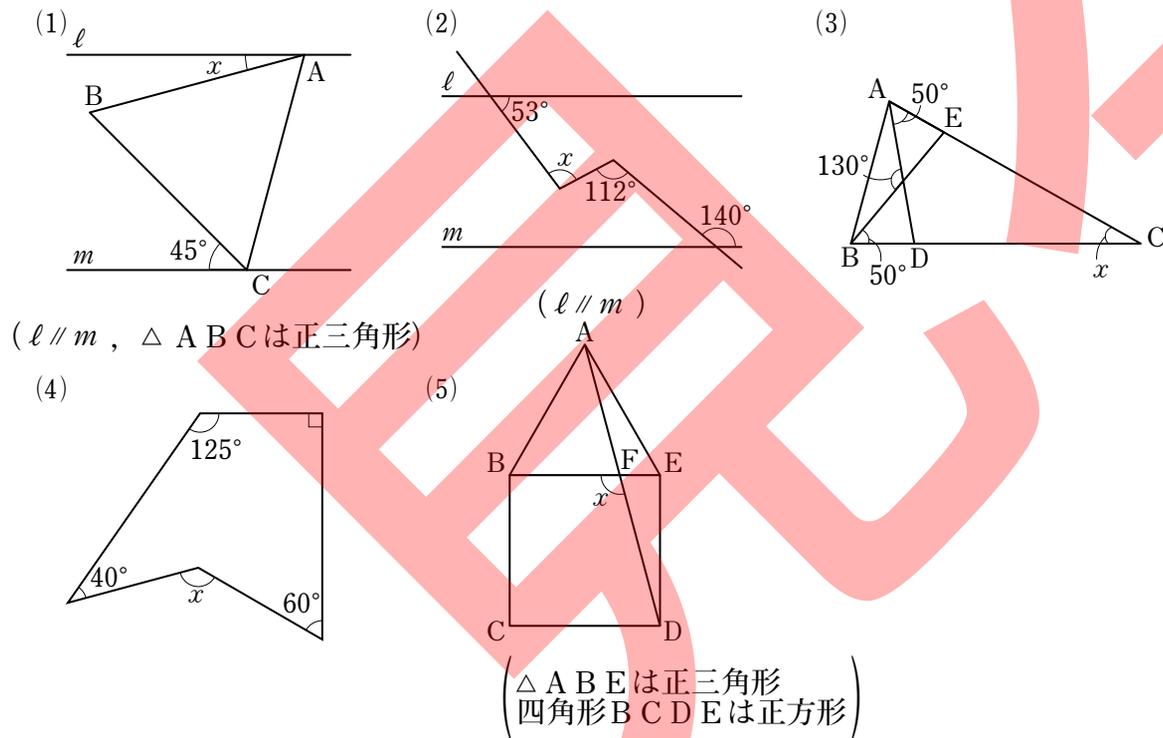
4 次の問いに答えなさい。

- (1) n 角形の内角の和は $180^\circ \times (\quad)$ で表されます。
 \quad にあてはまる式を答えなさい。
- (2) 六角形の内角の和は何度ですか。
- (3) 正十五角形の1つの外角の大きさは何度ですか。
- (4) 1つの外角の大きさが 45° になる正多角形は、正何角形ですか。
- (5) 1つの内角の大きさが 140° の正多角形は、正何角形ですか。
- (6) 内角の和が 1980° の多角形は何角形ですか。

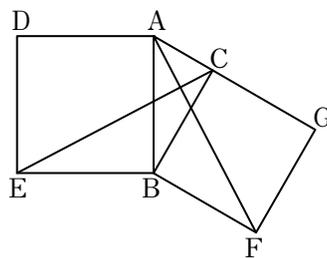
5 下の図の $\triangle ABC$ と $\triangle DEF$ が合同であることを証明したい。 $BC = EF$, $CA = FD$ であることがわかっているときに、あと1つ、どのようなことをつけ加えると合同であることが証明できるか、2つかきなさい。



6 下の図で、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



7 右の図で、 $\angle C = 90^\circ$ の直角三角形 ABC の外側に、辺 AB を1辺とする正方形 $ADEB$ 、辺 BC を1辺とする正方形 $BFGC$ をつくります。また、点 C と点 E 、点 A と点 F を結びます。このとき、 $AF = EC$ であることを証明します。



- 次の問いに答えなさい。
- (1) $AF = EC$ であることを証明するのに、 $\triangle ABF$ とどの三角形の合同を示せばよいか、答えなさい。
 - (2) (1) であげた2つの三角形の合同を示すのに使った合同条件を書きなさい。

4 知・技 24 (各4点)

(1)	
(2)	度
(3)	度
(4)	正 角形
(5)	正 角形
(6)	角形

5 思・判・表 8 (各4点)

6 思・判・表 25 (各5点)

(1)	$\angle x =$	度
(2)	$\angle x =$	度
(3)	$\angle x =$	度
(4)	$\angle x =$	度
(5)	$\angle x =$	度

7 思・判・表 8 (各4点)

(1)	
(2)	

5章 図形の性質と証明

氏名

組番

=得点=

知・技

思・判・表

/100

/52

/48

—答えは右にかきなさい—

1 2つの内角が次のような三角形の中から二等辺三角形であるものをすべて選び、記号で答えなさい。

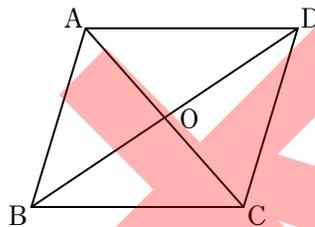
- ア $60^\circ, 90^\circ$ イ $30^\circ, 120^\circ$ ウ $50^\circ, 60^\circ$ エ $70^\circ, 40^\circ$

2 次のことがらの逆を述べ、それが正しいときには○を、正しくないときには反例を [] に書きなさい。

- (1) 四角形 ABCD で、 $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ ならば、 $AB \parallel DC$, $AD \parallel BC$ である。
 (2) 整数 a, b で、 a も b も偶数ならば、 $a + b$ は偶数である。

3 右の図のような平行四辺形 ABCD で、次のことが成り立つとき、平行四辺形 ABCD はそれぞれどのような四角形になるか、答えなさい。ただし、対角線 AC と BD の交点を O とする。

- (1) $AC = BD$
 (2) $\angle AOB = 90^\circ$
 (3) $\angle BOC = \angle COD$, $AC = BD$



4 下の図の $\angle x$ の大きさを求めなさい。

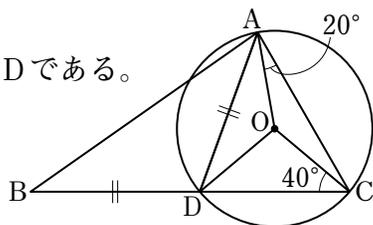
- (1) (2) (3)
 (AB = AC) (AB = AC) (AB = AC = AD)

5 下の図の $\angle x$ の大きさを求めなさい。

- (1) (2)
 (四角形 ABCD は平行四辺形) (四角形 ABCD は平行四辺形, $\angle ABE = \angle CBE$)

- (3) (4)
 (四角形 ABCD は正方形, $AB = AF$) (四角形 ABCD はひし形, 四角形 AEF D は正方形)

6 右の図で、D は $\triangle ABC$ の辺 BC 上の点で、 $AD = BD$ である。また、点 A, C, D は円 O の円周上の点である。 $\angle CAO = 20^\circ$, $\angle OCD = 40^\circ$ のとき、 $\angle ABD$ の大きさを求めなさい。



1 知・技 4 (4点)

--

2 知・技 8 (完答各4点)

逆	
(1)	[]
逆	
(2)	[]

3 知・技 12 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	

4 知・技 12 (各4点)

(1)	$\angle x =$	度
(2)	$\angle x =$	度
(3)	$\angle x =$	度

5 知・技 16 (各4点)

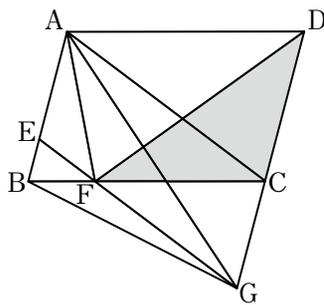
(1)	$\angle x =$	度
(2)	$\angle x =$	度
(3)	$\angle x =$	度
(4)	$\angle x =$	度

6 思・判・表 4 (4点)

	度
--	---

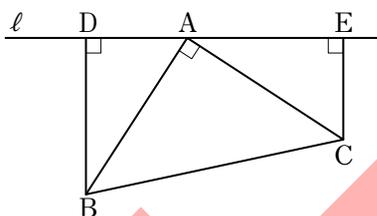
—答えは右にかきなさい—

- 7** 右の図で、E、Fはそれぞれ□ABCDの辺AB、BC上の点、Gは線分EFを延長した直線と辺DCを延長した直線との交点で、AC // EGとなっています。
図の色のついた部分と面積が等しい三角形を4つ答えなさい。



7 思・判・表 8 (各2点)

- 8** 右の図のように、 $\angle BAC = 90^\circ$ である直角二等辺三角形ABCがあります。点Aを通る直線 l に点B、Cからそれぞれ垂線BD、CEをひいたとき、 $BD = AE$ であることを、をうめて証明しなさい。

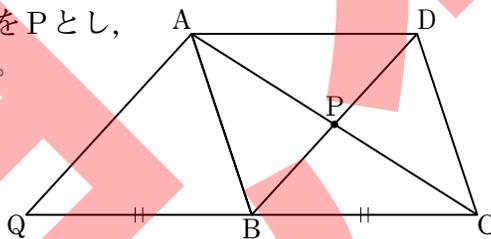


(証明) $\triangle ABD$ と $\triangle CAE$ で、
 仮定より、 $BD \perp l$ 、 $CE \perp l$ だから、
 $\angle ADB = \text{①} = 90^\circ$ ……①
 また、 $AB = \text{②}$ ……②
 三角形の内角の和は 180° なので、 $\angle BAD + \angle ABD = 90^\circ$
 また、直線 l は 180° なので、 $\angle BAD + \angle CAE = 90^\circ$ であることから、
 $\angle ABD = \text{③}$ ……③
 ①、②、③から、直角三角形の ④ が、それぞれ等しいので、
 $\triangle ABD \equiv \triangle CAE$
 合同な図形では、対応する辺の長さは等しいので、
 $BD = AE$

8 思・判・表 12 (各3点)

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	

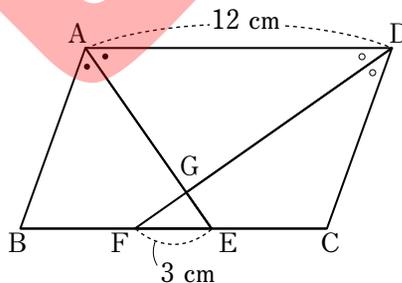
- 9** 右の図のように、□ABCDの対角線の交点をPとし、BCの延長線上に $BC = BQ$ となる点Qをとる。このとき、次の問いに答えなさい。
 (1) □ABCDが長方形になるのは、 $\triangle AQC$ がどんな三角形のときですか。
 (2) □ABCDがひし形になるのは、 $\triangle AQC$ がどんな三角形のときですか。



9 思・判・表 8 (各4点)

(1)	
(2)	

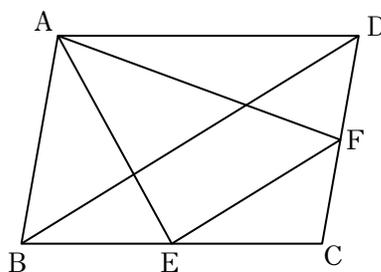
- 10** 右の図のように□ABCDの $\angle A$ 、 $\angle D$ の二等分線をひき、辺BCとの交点をそれぞれE、Fとし、AEとDFの交点をGとします。このとき、次の問いに答えなさい。
 (1) $\angle AGD$ の大きさを求めなさい。
 (2) $AD = 12\text{ cm}$ 、 $EF = 3\text{ cm}$ のとき、ABの長さを求めなさい。



10 思・判・表 8 (各4点)

(1)		度
(2)		cm

- 11** 右の図の□ABCDで、E、Fはそれぞれ辺BC、CDの中点です。このとき、次の問いに答えなさい。
 (1) $\triangle FEC$ の面積は、 $\triangle DBC$ の面積の何倍ですか。
 (2) $\triangle FEC$ の面積が 45 cm^2 のとき、□ABCDの面積を求めなさい。



11 思・判・表 8 (各4点)

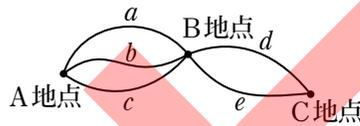
(1)		倍
(2)		cm^2

<h2 style="margin: 0;">6章 場合の数と確率</h2> <h3 style="margin: 0;">7章 箱ひげ図とデータの活用</h3>	氏名 _____ 組番 _____	=得点= _____ /100	知・技 _____ /60	思・判・表 _____ /40
---	-------------------	-----------------	---------------	-----------------

—答えは右にかきなさい—

1 次の問いに答えなさい。

- (1) 3枚の硬貨を同時に投げるとき、少なくとも2枚は裏となる確率を求めなさい。
- (2) A, B, C, D, Eの5人の中から2人の代表選手を選ぶとき、その選び方は全部で何通りあるか、求めなさい。
- (3) 右の図のように、A地点からB地点へ行く道が3本、B地点からC地点へ行く道が2本あります。A地点からB地点を通過してC地点へ行く方法は全部で何通りあるか、求めなさい。



1 知・技 12 (各4点)

(1)	
(2)	通り
(3)	通り

2 大小2つのさいころを同時に投げます。

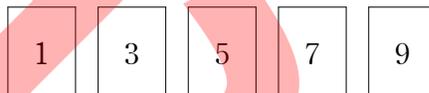
次の問いに答えなさい。

- (1) 出る目の数の和が5以下になる確率を求めなさい。
- (2) 出る目の積が奇数になる確率を求めなさい。
- (3) 大きいさいころの出る目の数が、小さいさいころの出る目の数の2倍となる確率を求めなさい。

2 知・技 12 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	

3 右のような5枚のカードが入っている箱から、カードを続けて2枚取り出し、1枚目を十の位、2枚目を一の位として、2けたの整数をつくります。



次の問いに答えなさい。

- (1) 2けたの整数は全部で何通りあるか、求めなさい。
- (2) 2けたの整数が奇数になる確率を求めなさい。
- (3) 2けたの整数が素数になる確率を求めなさい。

3(1)(2)知・技 8 (各4点) (3)思・判・表 5 (5点)

(1)	通り
(2)	
(3)	

4 赤玉4個と白玉2個の入った袋があります。

次の問いに答えなさい。

- (1) 同時に2個の玉を取り出したとき、少なくとも1個は白である確率を求めなさい。
- (2) 玉を1個取り出して色を調べ、それを袋にもどしてから、また玉を1個取り出すとき、2個とも白である確率を求めなさい。
- (3) 玉を1個取り出して色を調べ、それを袋にもどさず、また玉を1個取り出すとき、2個とも白である確率を求めなさい。

4(1)(2)知・技 8 (各4点) (3)思・判・表 5 (5点)

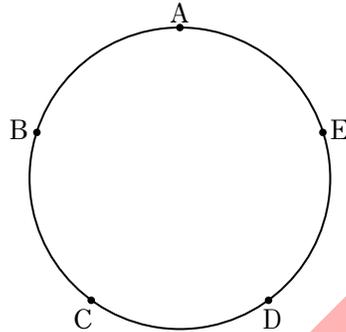
(1)	
(2)	
(3)	

—答えは右にかきなさい—

5 100円硬貨が1枚と50円硬貨が2枚あります。この3枚の硬貨を同時に投げるとき、次の問いに答えなさい。

- (1) 2枚は表で1枚は裏になる確率を求めなさい。
- (2) 表が出た硬貨の合計金額が100円以上になる確率を求めなさい。

6 右の図のように、円周を5等分する5個の点A～Eがあります。また、箱の中にはA～Eまでの文字が1つずつ書かれた5枚のカードがあり、同時に3枚のカードを取り出します。



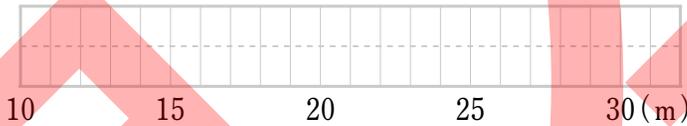
次の問いに答えなさい。

- (1) カードの取り出し方は、全部で何通りあるか、求めなさい。
- (2) 取り出したカードと同じ文字の円周上の点を結んで三角形をつくるとき、三角形の3つの内角が全て鋭角になる確率を求めなさい。

7 下の資料は、中学生20人のハンドボール投げの記録です。次の問いに答えなさい。

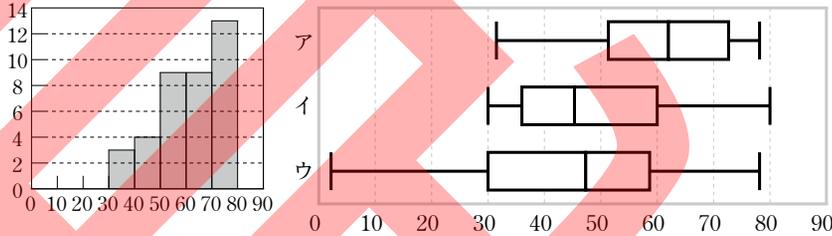
12, 14, 13, 17, 18, 20, 22, 30, 13, 26
16, 21, 18, 26, 28, 24, 16, 28, 21, 13

- (1) 四分位範囲を求めなさい。
- (2) 箱ひげ図をかきなさい。

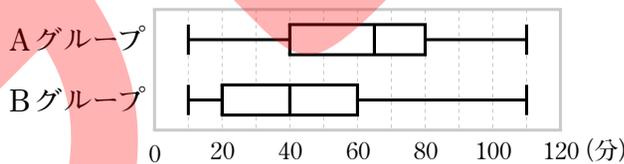


8 次のヒストグラムは、右のア～ウの箱ひげ図のいずれかに対応しています。

その箱ひげ図を選び、記号で答えなさい。



9 右の箱ひげ図は、Aグループ、Bグループのそれぞれ100人ずつの昨日のテレビの視聴時間を表したものです。



次の問いに答えなさい。

- (1) Aグループで視聴時間がもっとも長い人は、何分間テレビを視聴したか、求めなさい。
- (2) Aグループで視聴時間が60分未満の人は、多くても何人以下であるか、求めなさい。
- (3) この箱ひげ図から読み取れることとして、正しいものをすべて選び、記号で答えなさい。
 - ア AグループとBグループの最大値は等しい。
 - イ AグループとBグループの四分位範囲は等しい。
 - ウ Aグループで40分以上の人は、Bグループの40分以上の人の約3倍いる。
 - エ Bグループで60分以上の人は、ちょうど25人である。

5 (1)知・技 5 (5点) (2)思・判・表 5 (5点)

(1)	
(2)	

6 (1)知・技 5 (5点) (2)思・判・表 5 (5点)

(1)	通り
(2)	

7 知・技 10 (各5点)

(1)	
(2)	左の図にかきなさい。

8 思・判・表 5 (5点)

--	--

9 思・判・表 15 (各5点)

(1)	分間
(2)	人以下
(3)	

学年のまとめ	氏名	組番	=得点= /100	知・技 /65	思・判・表 /35
--------	----	----	--------------	------------	--------------

—答えは右にかきなさい—

1 次の計算をしなさい。

(1) $3a + b - 7a$

(2) $3(x - 2y) - (4x - 3y)$

(3) $-8y \times \frac{3}{4}xy$

(4) $(-2a)^2 \div \left(-\frac{6}{5}ab^2\right) \times (-3b^3)$

(5) $\frac{2x - 6y}{3} - \frac{x - 8y}{4}$

2 底面の半径 r cm, 高さ h cm の円錐の体積を V cm³ とするとき, 次の問いに答えなさい。ただし, 円周率は π とします。

(1) V を r, h を使って表しなさい。

(2) (1)の式を h について解きなさい。

(3) 底面の半径が 4 cm, 体積が 32π cm³ であるとき, 高さを求めなさい。

3 次の連立方程式を解きなさい。

(1)
$$\begin{cases} 4x - 3y = 1 \\ -3x + 4y = 8 \end{cases}$$

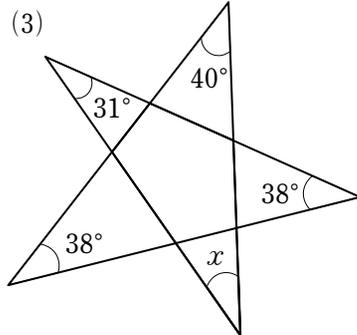
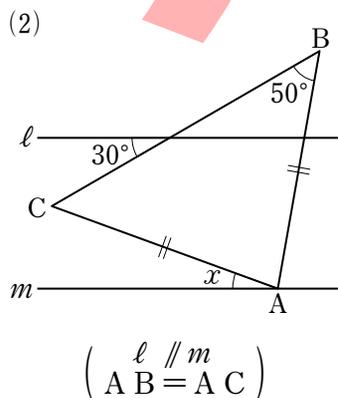
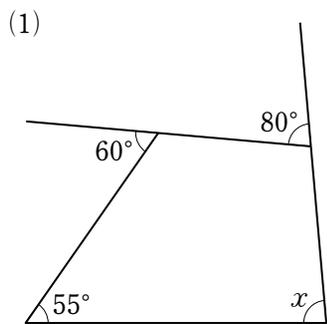
(2)
$$\begin{cases} 7y = 2(5x + y) + 5 \\ 5x + y = 8 \end{cases}$$

4 次の直線の式を求めなさい。

(1) 変化の割合が $\frac{3}{2}$ で, $x = 4$ のとき $y = 2$ である直線

(2) グラフが 2 点 $(-1, -3), (2, 3)$ を通る直線

5 下の図の $\angle x$ の大きさを求めなさい。



1 知・技 20 (各4点)

(1)	
(2)	
(3)	
(4)	
(5)	

2 知・技 12 (各4点)

(1)	$V =$	
(2)	$h =$	
(3)		cm

3 知・技 8 (各4点)

(1)	$(x, y) = ($		$,)$
(2)	$(x, y) = ($		$,)$

4 知・技 10 (各5点)

(1)	
(2)	

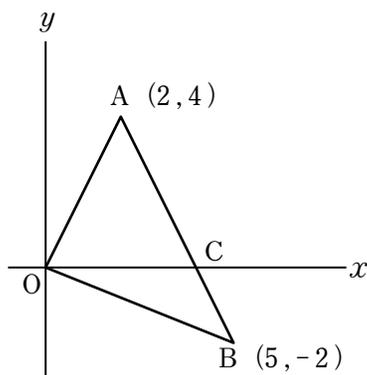
5 知・技 15 (各5点)

(1)	$\angle x =$		度
(2)	$\angle x =$		度
(3)	$\angle x =$		度

—答えは右にかきなさい—

6 右の図について、次の問いに答えなさい。

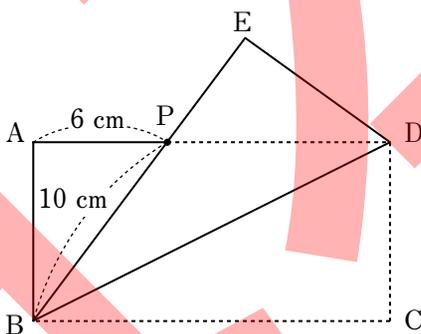
- (1) グラフが点Bを通り、 $\triangle ABO$ の面積を二等分する直線の式を求めなさい。
- (2) AB と x 軸との交点をCとするとき、 $\triangle AOC$ の面積は $\triangle COB$ の面積の何倍になるか、求めなさい。



7 ある中学校の全校生徒数は500人です。そのうち、男子生徒の75%と女子生徒の50%が運動部に入っていて、その人数の合計は全校生徒の62%にあたります。次の問いに答えなさい。

- (1) 男子生徒を x 人、女子生徒を y 人として、連立方程式をつくりなさい。
- (2) (1)の連立方程式を解いて、男子生徒数、女子生徒数を、それぞれ求めなさい。

8 右の図は、長方形 $ABCD$ を対角線 BD を折り目として折り返したものである。 AD と BE の交点を点 P とし、 $AP = 6\text{ cm}$ 、 $PB = 10\text{ cm}$ とするとき、 $\triangle ABP$ の面積は、長方形 $ABCD$ の面積の何倍になるか求めなさい。



9 次の問いに答えなさい。

- (1) $\boxed{1}$, $\boxed{2}$, $\boxed{3}$, $\boxed{4}$ の4枚のカードがあります。この4枚をよくきって、1枚ずつ合計で3枚取り出し、取り出した順に左から右に並べて3けたの整数をつくります。このとき、この整数が3の倍数となる確率を求めなさい。
- (2) 下の図のように、片方の面がA、もう片方の面がBであるカードが14枚あり、そのうちの8枚はAの面を上、残りはBの面を上にして並べてあります。1つのさいころを2回投げ、1回目に出た目の数だけAの面が上のカードを裏返し、2回目に出た目の数だけBの面が上のカードを裏返します。このとき、Aの面が上のカードとBの面が上のカードの枚数が同じになる確率を求めなさい。



6 思・判・表 10 (各5点)

(1)	
(2)	倍

7 思・判・表 10 (各5点, (2)は完答)

(1)		
(2)	男子生徒	人
	女子生徒	人

8 思・判・表 5 (5点)

	倍
--	---

9 思・判・表 10 (各5点)

(1)	
(2)	

令6 <中数2年> 復 習

- 1**
- (1) 6個 (1) -4, -3, -2, 2, 3, 4の6個
 (2) $-1.3 = -\frac{13}{10}$, $-\frac{6}{5} = -\frac{12}{10}$, $-\frac{3}{2} = -\frac{15}{10}$
 $-\frac{3}{2}$, -1.3 , $-\frac{6}{5}$ 負の数は絶対値が大きいほど小さいから
 $-\frac{3}{2} < -1.3 < -\frac{6}{5}$
 (3) ア, イ, ウ (3) (エがあてはまらない例) $-2 \div 5 = -0.4$
 (4) $2^2 \times 3 \times 5 \times 7$ (4)
$$\begin{array}{r} 2) 420 \\ \underline{2} \ 210 \\ 3) 105 \\ \underline{5} \ 35 \\ 7 \end{array}$$

- 2**
- (1) 7 (1) $-3 + 10$
 (2) 3 (2) $(-9 + 16) - 4 = 7 - 4$
 (3) $-\frac{8}{35}$ (3) $\frac{1}{9} \times \left(-\frac{12}{5}\right) \times \frac{6}{7}$
 (4) -80 (4) $-8 - 8 \times 9$
 $= -8 - 72$
 $= -80$

- 3**
- $\frac{a}{4} - \frac{7b}{c}$ (1) $\left(a \times \frac{1}{4}\right) - \left(b \times \frac{1}{c} \times 7\right)$

- 4**
- (1) $\frac{5}{6}x + 1$ (1) $\frac{3}{6}x - 4 + \frac{2}{6}x + 5$
 $= \frac{5}{6}x + 1$
 (2) $19x - 26$ (2) $14x - 21 - 5 + 5x$

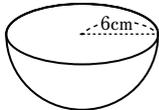
- 5**
- (1) $x - 2 = 13$
 (2) $2x + y > 500$ (2) 足りなかったということは、代金の合計が500円を超えていた。

- 6**
- (1) $x = 6$ (1) $x - 2x = -2 - 4$
 $-x = -6$
 $x = 6$
 (2) $x = \frac{3}{2}$ (2) 両辺に6をかけて
 $3x - (x - 3) = 6$
 $3x - x + 3 = 6$
 $2x = 6 - 3$
 $2x = 3$
 $x = \frac{3}{2}$

- 7**
- (1) $y = -3x$ (1) 比例定数を a とすると、
 比例の式は $y = ax$
 $x = 2$, $y = -6$ を代入
 $-6 = 2a$ よって、 $a = -3$
 (2) $y = \frac{15}{x}$ (2) 比例定数を a とすると
 反比例の式は $y = \frac{a}{x}$
 $x = -3$, $y = -5$ を代入
 $-5 = \frac{a}{-3}$ よって、 $a = 15$

- 8**
- (1) $4x + 9 = 6x - 13$ (2) $4x + 9 = 6x - 13$
 $-2x = -22$
 $x = 11$
 (3) 53冊 (3) (1)より、ノートの冊数は $4x + 9$ (冊)
 なので、 $x = 11$ を代入して、
 $4 \times 11 + 9 = 53$

- 9**
- 中心角 160度 中心角 x 度とすると、
 $8\pi : 18\pi = x : 360$ これを解くと、
 $18\pi \times x = 8\pi \times 360$ $x = 160$
 面積 $36\pi \text{ cm}^2$ おうぎ形の面積は、
 $\pi \times 9^2 \times \frac{160}{360} = 36\pi (\text{cm}^2)$

- 10**
- 体積 $144\pi \text{ cm}^3$ 回転させてできる立体は、半径6cmの半球となる。
 半球の体積は、
 $\frac{4}{3}\pi \times 6^3 \times \frac{1}{2} = 144\pi (\text{cm}^3)$ 
 表面積 $108\pi \text{ cm}^2$ 半球の表面積は、
 $(\text{球の表面積}) \times \frac{1}{2} + (\text{円の面積})$
 球の表面積は、 $4\pi \times 6^2 = 144\pi$
 円の面積は、 $\pi \times 6^2 = 36\pi$
 よって半球の表面積は、
 $144\pi \times \frac{1}{2} + 36\pi = 108\pi (\text{cm}^2)$

(裏面へつづく)

「挑戦しよう」の解答

父の誕生日に、兄は500円、弟は x 円出したとする。2つの誕生日プレゼントの金額は同じなので、父、母のいずれも、
 $500 + x$ (円) と表すことができる。母の誕生日では、弟は300円出したので、その残りの $(500 + x) - 300 = 200 + x$ (円) を
 兄が出したことになる。よって、兄は2つのプレゼントで、 $500 + (200 + x)$ (円)、弟は $x + 300$ (円) 出したことになるので、
 その差は400円。
【解答】 兄の方が400円多く出した。

(1) 0.4

$$(1) \text{ 相対度数} = \frac{\text{階級の度数}}{\text{度数の合計}}$$

(2) 7人

(2) 20分以上30分未満の度数を x とすると、
30分以上40分未満の度数は $9 - x$ と
なる。

$$\text{平均値} = \frac{(\text{階級値} \times \text{度数}) \text{ の合計}}{\text{度数の合計}}$$

$$19 = \frac{5 \times 3 + 15 \times 8 + 25x + 35(9 - x)}{20}$$

これを解くと、 $x = 7$



ひかりちゃん

挑戦しよう

兄と弟はお金を出し合い両親にプレゼントを買いました。父の誕生日には、兄が500円を出して残りは弟が出しました。母の誕生日には、弟が300円を出して残りは兄が出しました。

2つのプレゼントの金額が同じとき、2回の合計で、兄と弟のどちらがどれだけ多くお金を出しましたか。

令6 <中数2年> 1章 式の計算

- 1**
- (1) 多項式を単項式の和の形にして求める。
 項 $3a, -\frac{b}{2}, 5$
 $3a - \frac{b}{2} + 5 = 3a + \left(-\frac{b}{2}\right) + 5$
 $-\frac{b}{2} = -\frac{1}{2} \times b$
- (2) 5
 (2) 単項式の次数は、かけあわされている文字の個数
- (3) 二次式
 (3) 多項式では、各項の次数のうち、もっとも大きいものを、その式の次数という。

- 2**
- (1) $-3x + 2y$
 (1) $(-x - 3y) - (2x - 5y)$
 $= -x - 3y - 2x + 5y$
- (2) $10x - 1$
 (2) $\frac{6x - 3y}{10x} + \frac{-8y - 1}{-2}$

- 3**
- (1) $3x + y + 3$
 (1) $8x - 5x - y + 2y + 3$
- (2) $-6x + 4y$
 (2) $\frac{12x}{-2} + \frac{-8y}{-2}$
- (3) $5x^2 - 12$
 (3) $5x^2 + 15x - 15 - 15x + 3$
- (4) $a - 4b$
 (4) $\frac{1}{3}a - 2b + \frac{2}{3}a - 2b$
 $= \frac{1}{3}a + \frac{2}{3}a - 2b - 2b$
- (5) $\frac{3x - 4y}{6}$
 または
 $\frac{1}{2}x - \frac{2}{3}y$
 (5) $\frac{6x - 10y}{6} - \frac{3x - 6y}{6}$
 $= \frac{6x - 10y - 3x + 6y}{6}$

- 4**
- (1) $-48xy$
 (1) $6 \times (-8) \times x \times y$
- (2) $\frac{b^2}{3}$
 (2) $\frac{-3ab^2}{-9a}$
- (3) $-4ab$
 (3) $-\frac{5ab^2}{4} \times \frac{16}{5b}$
 $= -\frac{5ab^2 \times 16}{4 \times 5b}$
- (4) $12x^3y$
 (4) $4x^2y^2 \times \left(-\frac{1}{y^3}\right) \times (-3xy^2)$
 $= \frac{4x^2y^2 \times 3xy^2}{y^3}$

- 5**
- (1) 3
 (1) $7a - 4b - 2a + b = 5a - 3b \dots\dots \textcircled{1}$
 $\textcircled{1}$ に $a = \frac{1}{5}, b = -\frac{2}{3}$ を代入して
 $5 \times \frac{1}{5} - 3 \times \left(-\frac{2}{3}\right)$
 $= 1 + 2$
 $= 3$
- (2) 4
 (2) $3a - \frac{3}{2}b + 2a - 3b$
 $= 5a - \frac{9}{2}b \dots\dots \textcircled{1}$
 $\textcircled{1}$ に $a = \frac{1}{5}, b = -\frac{2}{3}$ を代入して
 $5 \times \frac{1}{5} - \frac{9}{2} \times \left(-\frac{2}{3}\right)$
 $= 1 + 3 = 4$

- 6**
- (1) $x = \frac{9y - 2}{7}$
 または
 $x = \frac{9}{7}y - \frac{2}{7}$
- (2) $b = \frac{a}{3} - c$
 または
 $b = \frac{a - 3c}{3}$
- (1) $7x + 2 = 9y$
 $7x = 9y - 2$
 $x = \frac{9y - 2}{7}$
- (2) $3(b + c) = a$
 $b + c = \frac{a}{3}$
 $b = \frac{a}{3} - c$
- (別解)
 $3b + 3c = a$
 $3b = a - 3c$
 $b = \frac{a - 3c}{3}$

- 7**
- (1) $r = \frac{S}{\pi a}$
 (1) $\pi ar = S$
 両辺を πa でわって
 $r = \frac{S}{\pi a}$
- (2) 4 cm
 (2) $S = 24\pi, a = 6$ を(1)の式に代入する
 $r = \frac{24\pi}{6\pi}$
 $= 4$

- 8**
- ア $2n + 2$
 イ $2n + 4$
 ウ $6n + 6$
 エ $n + 1$

(裏面へつづく)

「挑戦しよう」の解答

容器Aの体積は、 $\frac{4}{3}\pi r^3 \times \frac{1}{2} = \frac{2}{3}\pi r^3$

容器Bの体積は、 $\pi r^2 \times 2r = 2\pi r^3$

よって、容器Bは容器Aの何倍か求めると、

$2\pi r^3 \div \frac{2}{3}\pi r^3 = 2\pi r^3 \times \frac{3}{2\pi r^3} = 3$

【解答】 容器Bには容器Aの3杯分の水がはいる。

9

$99a + 9b$

3けたの整数Xは $100a + 10b + c$

Xのそれぞれの位をたした数Yは

 $a + b + c$ と表される。

$$X - Y = 100a + 10b + c - (a + b + c)$$

$$= 99a + 9b$$

10

2倍

Aの体積 $\pi \times (2r)^2 \times h = 4\pi r^2 h$

Bの体積 $\pi \times r^2 \times 2h = 2\pi r^2 h$

$$4\pi r^2 h \div 2\pi r^2 h = \frac{4\pi r^2 h}{2\pi r^2 h}$$
$$= 2$$

11

$8ab$

長方形全体の面積は、

$(a + 2a) \times 6b = 18ab$

 $\triangle ABP$ の面積は、

$(a + 2a) \times 2b \div 2 = 3ab$

 $\triangle ADQ$ の面積は、 $a \times 6b \div 2 = 3ab$ $\triangle PCQ$ の面積は、

$2a \times (6b - 2b) \div 2 = 4ab$

 $\triangle APQ$ の面積は、

$18ab - (3ab + 3ab + 4ab) = 8ab$



ひかりちゃん

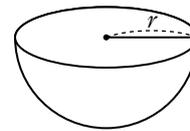
挑戦しよう

右の図のように、半径が r の半球の形をした容器Aと
底面の半径が r で高さが $2r$ の円柱の形をした容器Bがあります。

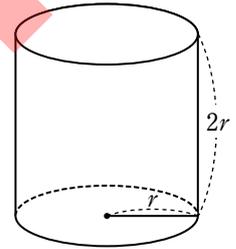
容器Aに水をいっぱいに入れて、容器Bに移すとき、
容器Aの何杯分の水が容器Bに、はいりますか。

ただし、容器の厚みは考えないものとします。

容器A



容器B



令6 <中数2年> 2章 連立方程式

1

(1)

x	1	2	3	4	5
y	6	5	4	3	2

(2)

x	1	2	3	4	5
y	-6	-4	-2	0	2

(3)

(x, y) = (5, 2)

x の値を代入して y の値を求める。

(1) $y = 7 - x$

(2) $y = 2x - 8$

(3) $x + y = 7$, $2x - y = 8$ の両方を成り立たせる x , y の値の組を(1)(2)の表より見つける。

2

イ, ウ

$x = -2$, $y = 5$ を代入して、等式が成り立つかどうか調べればよい。

3

(1)

(x, y) = (4, 5)

(1) $\begin{cases} x + y = 9 & \dots\dots ① \\ x - y = -1 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $① + ② \quad 2x = 8, \quad x = 4$
 $x = 4$ を①に代入して
 $4 + y = 9, \quad y = 5$

(2)

(x, y) = (8, 2)

(2) $\begin{cases} 2x - 3y = 10 & \dots\dots ① \\ x - 2y = 4 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $② \times 2 \quad 2x - 4y = 8 \quad \dots\dots ②'$
 $① - ②' \quad y = 2$

(3)

(x, y) = (3, 0)

(3) $\begin{cases} 3x + 2y = 9 & \dots\dots ① \\ 7x + 5y = 21 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $① \times 5 \quad 15x + 10y = 45 \quad \dots\dots ①'$
 $② \times 2 \quad 14x + 10y = 42 \quad \dots\dots ②'$
 $①' - ②' \quad x = 3$
 $x = 3$ を①に代入して
 $9 + 2y = 9, \quad 2y = 0, \quad y = 0$

(4)

(x, y) = (-6, -4)

(4) $\begin{cases} 5y - x = -14 & \dots\dots ① \\ x = y - 2 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $②$ を①に代入して
 $5y - (y - 2) = -14$
 $5y - y + 2 = -14, \quad 4y = -16$
 $y = -4$
 $y = -4$ を②に代入して
 $x = -4 - 2, \quad x = -6$

(5)

(x, y) = (7, -8)

(5) $\begin{cases} y = 7x - 57 & \dots\dots ① \\ y = -3x + 13 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $②$ を①に代入して
 $-3x + 13 = 7x - 57$
 $-10x = -70, \quad x = 7$
 $x = 7$ を①に代入して
 $y = 7 \times 7 - 57$
 $= 49 - 57$
 $y = -8$

(6)

(x, y) = (2, 4)

(6) $\begin{cases} 4x - y = 4 & \dots\dots ① \\ 2(x + y) - 3x = 6 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $②$ より $2x + 2y - 3x = 6$
 $-x + 2y = 6 \quad \dots\dots ②'$
 $① \times 2 \quad 8x - 2y = 8 \quad \dots\dots ①'$
 $②' + ①' \quad 7x = 14, \quad x = 2$
 $x = 2$ を①に代入して
 $8 - y = 4, \quad -y = -4, \quad y = 4$

(7)

(x, y) = (1, -4)

(7) $\begin{cases} 3x + y = -1 & \dots\dots ① \\ 2x - \frac{y-2}{3} = 4 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $② \times 3 \quad 6x - (y - 2) = 12$
 $6x - y + 2 = 12$
 $6x - y = 10 \quad \dots\dots ②'$
 $②' + ① \quad 9x = 9, \quad x = 1$
 $x = 1$ を①に代入して
 $3 + y = -1, \quad y = -4$

(8)

(x, y) = (9, 5)

(8) $\begin{cases} 0.1x + 0.02y = 1 & \dots\dots ① \\ 5x + 2y = 55 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $① \times 100 \quad 10x + 2y = 100 \quad \dots\dots ①'$
 $①' - ② \quad 5x = 45, \quad x = 9$
 $x = 9$ を②に代入して
 $45 + 2y = 55, \quad 2y = 10, \quad y = 5$

(9)

(x, y) = (-4, -8)

(9) A=B=C を次のいずれかの形の連立方程式になおして解く。
 $\begin{cases} A=B \\ A=C \end{cases} \quad \begin{cases} A=B \\ B=C \end{cases} \quad \begin{cases} A=B \\ A=C \\ B=C \end{cases}$

4

a = 2

b = -3

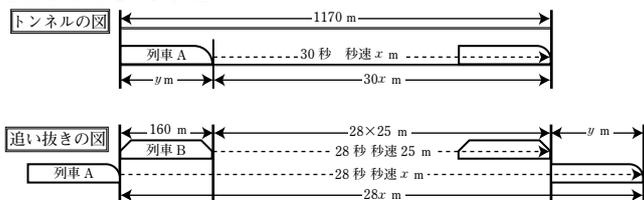
4つの方程式のすべての解の組が等しいので、 x, y の値を求めるために、 a, b を含まない2つの式を組にすると、
 $\begin{cases} 3x + 7y = 8 & \dots\dots ① \\ 5x - 4y = 29 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $① \times 5 \quad 15x + 35y = 40$
 $② \times 3 \quad 15x - 12y = 87$
 $① - ② \quad 47y = -47$
 $y = -1$

$y = -1$ を①に代入して
 $3x - 7 = 8, \quad 3x = 15, \quad x = 5$
 また、 a, b を含む2つの方程式に、 $x = 5, y = -1$ を代入して
 $\begin{cases} 5a + b = 7 & \dots\dots ③ \\ 5b - a = -17 & \dots\dots ④ \end{cases}$

$\begin{cases} 5a + b = 7 & \dots\dots ③ \\ -a + 5b = -17 & \dots\dots ④' \end{cases}$
 $④' \times 5 \quad -5a + 25b = -85 \quad \dots\dots ④''$
 $③ + ④'' \quad 26b = -78, \quad b = -3$
 $b = -3$ を③に代入して
 $5a - 3 = 7$
 $5a = 10, \quad a = 2$

(裏面へつづく)

「挑戦しよう」の解答



列車Aの速さを秒速 x m, 全長を y m とすると、図より、

$\begin{cases} 30x = 1170 - y \\ 28x = 160 + (28 \times 25) + y \end{cases}$

これを解くと
 $(x, y) = (35, 120)$

【解答】 列車Aの速さ 秒速 35 m, 全長 120 m

5

おとな 600円
子ども 100円

おとな1人の入園料を x 円、子ども1人の入園料を y 円として、連立方程式をつくると、

$$\begin{cases} 2x + y = 1300 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 4x + 5y = 2900 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \times 2 \quad 4x + 2y = 2600 \quad \cdots\cdots\textcircled{1}'$$

$$\textcircled{1}' - \textcircled{2} \quad -3y = -300$$

$$y = 100$$

$y = 100$ を $\textcircled{1}$ に代入して

$$2x + 100 = 1300$$

$$2x = 1200$$

$$x = 600$$

6

34

もとの整数の十の位の数を x 、一の位の数を y とすると、

$$\begin{cases} 10x + y = 4(x + y) + 6 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 10y + x = 10x + y + 9 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

$\textcircled{1}$ より $10x + y = 4x + 4y + 6$

$$6x - 3y = 6$$

$$2x - y = 2 \quad \cdots\cdots\textcircled{1}'$$

$\textcircled{2}$ より $9x - 9y = -9$

$$x - y = -1 \quad \cdots\cdots\textcircled{2}'$$

$$\textcircled{1}' - \textcircled{2}' \quad x = 3$$

$x = 3$ を $\textcircled{1}'$ に代入して

$$6 - y = 2, \quad y = 4$$

よって、もとの整数は 34

7

(1)

$$\begin{cases} x + y = 3400 \\ \frac{90}{100}x + \frac{80}{100}y = 2900 \end{cases}$$

(1)

	ゴーグル	うきわ	合計
定価	x	y	3400
値引き後	$x \times \left(1 - \frac{10}{100}\right)$	$y \times \left(1 - \frac{20}{100}\right)$	2900

(2)

ゴーグルの定価 1800円
うきわの定価 1600円

$$\begin{cases} x + y = 3400 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ \frac{90}{100}x + \frac{80}{100}y = 2900 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \times 100 \quad 90x + 80y = 290000 \quad \cdots\cdots\textcircled{2}'$$

$$\textcircled{1} \times 80 \quad 80x + 80y = 272000 \quad \cdots\cdots\textcircled{1}'$$

$$\textcircled{2}' - \textcircled{1}' \quad 10x = 18000$$

$$x = 1800$$

$x = 1800$ を $\textcircled{1}$ に代入して

$$1800 + y = 3400, \quad y = 1600$$

8

(1)

$$\begin{cases} 40x + 40y = 6000 \\ 120x - 120y = 6000 \end{cases}$$

(1) 反対の方向に出発するとき、40分後に会ったときの、2人が進んだ距離の合計が池1周分になるので、 $40x + 40y = 6000$
また、同じ方向に出発するとき、2時間後に2人の進んだ距離の差が池1周分になるので、 $120x - 120y = 6000$

(2) Aさんの速さ 分速 100m
Bさんの速さ 分速 50m

$$\begin{cases} 40x + 40y = 6000 & \cdots\cdots\textcircled{1} \\ 120x - 120y = 6000 & \cdots\cdots\textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \div 40 \quad x + y = 150 \quad \cdots\cdots\textcircled{1}'$$

$$\textcircled{2} \div 120 \quad x - y = 50 \quad \cdots\cdots\textcircled{2}'$$

$$\textcircled{1}' + \textcircled{2}' \quad 2x = 200$$

$$x = 100$$

$x = 100$ を $\textcircled{1}'$ に代入して

$$100 + y = 150$$

$$y = 50$$



ひかりちゃん

挑戦しよう

ある列車Aが、長さ1170mのトンネルに完全に入ってから先頭がトンネルの出口に到達するまでに30秒かかりました。また、秒速25mの速さで同じ方向に走っている全長160mの列車Bに列車Aの先頭が追いついてから完全に追い抜くまでに28秒かかりました。この列車Aの速さは秒速何mですか。また、列車Aの全長は何mですか。

1

- イ, ウ
 ア $y = x^3$
 イ $y = 2\pi x$
 ウ $y = 1000 - 3x$
 エ $y = \frac{50}{x}$

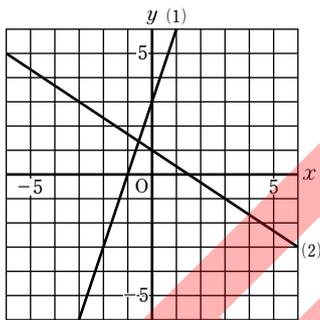
2

- (1) 傾き 5 切片 - 2
 (2) 10
 (1) $y = ax + b$ で a が傾き b が切片
 (2) 一次関数では、変化の割合は傾きに等しいので 5
 x の増加量 = $-3 - (-5) = 2$
 変化の割合 = $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}}$ だから、
 y の増加量 = $5 \times 2 = 10$

3

- (1) ウ (1) $y = ax + b$ で $a = -3$ のもの
 (2) ウ, カ (2) $y = ax + b$ で $a < 0$ のもの
 (3) ア, イ, エ (3) $y = ax + b$ で $a > 0$ のもの
 (4) ア, エ, オ (4) $y = -5x + 5$ に $y = 0$ を代入し、
 $0 = -5x + 5$
 $x = 1$
 よって、 $(1, 0)$ を通るもの

4



5

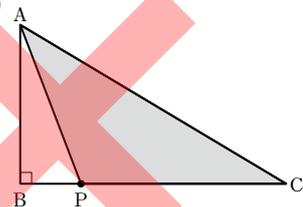
- (1) $y = -3x + 11$ (1) 変化の割合が -3 なので、傾きは -3 である。
 $y = -3x + b$ に $x = 3, y = 2$ を代入して、
 $2 = -3 \times 3 + b$
 $b = 2 + 9$
 $b = 11$
 よって、 $y = -3x + 11$
 (2) $y = -x + 6$ (2) $\frac{y \text{ の増加量}}{x \text{ の増加量}} = \frac{5 - 8}{1 - (-2)} = -\frac{3}{3} = -1$
 よって、 $y = -x + b$
 $x = 1, y = 5$ を代入して
 $5 = -1 + b$
 $b = 6$

(3) $m = -3$

- (3) 切片が 2 の一次関数なので、式は $y = ax + 2$ と表せる。
 この直線が $(2, 6)$ を通るので、
 $x = 2, y = 6$ を代入して、
 $6 = 2a + 2, a = 2$
 よって、この直線の式は $y = 2x + 2$
 $(m, -4)$ がこの直線上にあるので、
 $-4 = 2m + 2, m = -3$
 (4) $-2 \leq y \leq 6$ (4) 右下がりの直線のため
 $x = 3$ のとき最小
 $x = -1$ のとき最大となる
 (5) $x = -2$ (5) 2 点の x 座標はともに -2 である。

6

- (1) $y = 5x$ (1) AP を底辺とすると、高さが BC となる。
 $(0 \leq x \leq 6)$ AP = x cm, BC = 10 cm より
 $y = \frac{1}{2} \times x \times 10$
 $y = 5x$
 (2) $y = -3x + 48$ (2) A
 $(6 \leq x \leq 16)$ B P C



- PC を底辺とすると、高さが AB となる。
 $PC = (AB + BC) - (P \text{ が動いた長さ})$
 $= 16 - x$ (cm)
 $AB = 6$ cm より
 $y = \frac{1}{2} \times (16 - x) \times 6$
 $y = -3x + 48$
 (3) (1), (2) より
 $0 \leq x \leq 6$ のとき、 $y = 5x$ ①
 $6 \leq x \leq 16$ のとき、 $y = -3x + 48$ ②
 ①に $y = 15$ を代入すると
 $15 = 5x, x = 3$
 $x = 3$ は、 $0 \leq x \leq 6$ をみたす。
 ②に $y = 15$ を代入すると
 $15 = -3x + 48, x = 11$
 $x = 11$ は、 $6 \leq x \leq 16$ をみたす。
 よって、3 秒後と 11 秒後

7

- (1) 2 km (1) グラフより
 家から映画館までの道のりは 5 km
 公園から映画館までの道のりは 3 km
 よって、 $5 - 3 = 2$

(裏面へつづく)

「挑戦しよう」の解答

$0 \leq x \leq 4$ のとき、 $y = x \times 2 \times \frac{1}{2} = x$
 $4 \leq x \leq 8$ のとき、 $y = 2 \times 4 \times \frac{1}{2} + (x - 4) \times 4 \times \frac{1}{2}$
 $= 4 + 2(x - 4)$
 $= 2x - 4$

$8 \leq x \leq 12$ のとき、 $y = 16 - (12 - x) \times 2 \times \frac{1}{2}$
 $= 16 - (12 - x)$
 $= x + 4$

【解答】 $0 \leq x \leq 4$ のとき $y = x$, $4 \leq x \leq 8$ のとき $y = 2x - 4$, $8 \leq x \leq 12$ のとき $y = x + 4$

(2) $\frac{18}{5}$ km
(3.6 km)

(3) $\frac{3}{2}$ km
(1.5 km)

(2) 太郎さんの家から公園までのグラフは、傾きが $-\frac{1}{10}$ 、切片が5だから

この直線のグラフは

$$y = -\frac{1}{10}x + 5 \text{ となる。}$$

この式に $x = 14$ を代入して

$$y = -\frac{1}{10} \times 14 + 5$$

$$y = -\frac{7}{5} + 5$$

$$y = \frac{18}{5}$$

(3) 花子さんが映画館から太郎さんの家まで移動したグラフは、

(10, 0) と (70, 3) を通るので、傾きが $\frac{1}{20}$

$$y = \frac{1}{20}x + b$$

これに (10, 0) を代入して、

$$0 = \frac{1}{20} \times 10 + b$$

$$b = -\frac{1}{2} \text{ だから、}$$

$$y = \frac{1}{20}x - \frac{1}{2} \quad \dots \textcircled{1}$$

太郎さんの30分後から50分後までのグラフは、

$$y = -\frac{3}{20}x + \frac{15}{2}$$

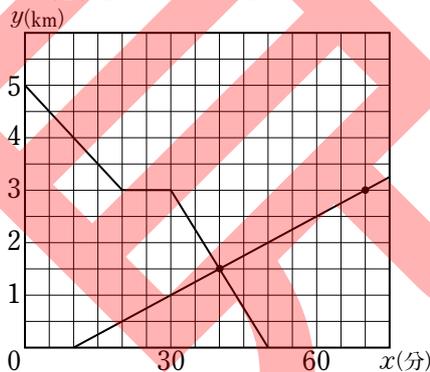
この2直線の交点を連立方程式を解いて求めると、

$$(x, y) = \left(40, \frac{3}{2}\right)$$

小数で表すと、

$$(x, y) = (40, 1.5)$$

(別解) 太郎さんのグラフに花子さんのグラフ(①)をかくと次のようになる。



よって、 $\left(40, \frac{3}{2}\right)$ で交わるので、

$\frac{3}{2}$ km地点で太郎さんと花子さんは出会う。

8

(1) C(1, 4)

(2) 12

(3) $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$

(1)
$$\begin{cases} y = 2x + 2 \\ y = -x + 5 \end{cases}$$

この連立方程式を解いて

$$(x, y) = (1, 4)$$

(2) 点Aは直線 ℓ と x 軸の交点なので $y = 2x + 2$ に $y = 0$ を代入して $x = -1$

点Bは直線 m と x 軸の交点なので

$y = -x + 5$ に $y = 0$ を代入して $x = 5$

ABの長さは $5 - (-1) = 6$

ABを底辺とすると、 $\triangle ABC$ の高さはCの y 座標より4となる。

よって、 $6 \times 4 \div 2 = 12$

(3) 点Aを通り、線分BCを2等分する直線の式を考える。

つまり、BCの中点(3, 2)と(-1, 0)を通る直線の式を求めればよい。

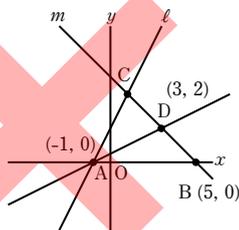
$$\text{傾きは } \frac{2-0}{3-(-1)} = \frac{1}{2}$$

$y = \frac{1}{2}x + b$ に (-1, 0) を代入して、

$$0 = \frac{1}{2} \times (-1) + b, \quad b = \frac{1}{2}$$

よって、 $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ となる。

(別解)



$\triangle ABC$ の面積の半分は $12 \div 2 = 6$

点Aを通り、 $\triangle ABC$ の面積を2等分する直線と直線 m との交点を点Dとすると、

$\triangle ABD$ の面積は6なので、

点Dの y 座標は2となる。

点Dは直線 m 上にあるので、

$$2 = -x + 5$$

よって、点Dの x 座標は3となる。

2点(-1, 0), D(3, 2)を通る直線の式を求めると、

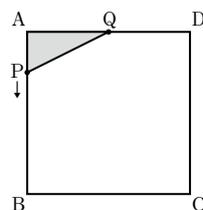
$$y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2} \text{ となる。}$$



ひかりちゃん

挑戦しよう

1辺4 cmの正方形 $ABCD$ の辺 AB , BC , CD 上を点 P が毎秒 1 cm の速さで移動します。Aを出発してから x 秒後の P と、 AD の中点 Q を結んだ線分によって分けられる図形のうち、Aをふくむ図形の面積を $y \text{ cm}^2$ とするとき、 x , y の関係を式に表しなさい。



令6 <中数2年> 4章 図形の調べ方

- 1**
- (1) 同位角 $\angle a$
 錯角 $\angle c$
- (2) 125度
- (3) 180度
- (2) $\angle b$ と $\angle f$ は同位角なので大きさが等しい。
 よって、 $180^\circ - 55^\circ = 125^\circ$
- (3) $\angle b$ と $\angle h$ は錯角なので大きさが等しい。
 よって隣り合う角の合計は 180°

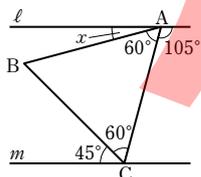
- 2**
- (1) $\angle x = 70$ 度
- (2) $\angle x = 60$ 度
- (3) $\angle x = 75$ 度
- (1) $40^\circ + 65^\circ = 35^\circ + x$
- (2) $180^\circ - (68^\circ + 52^\circ) = 60^\circ$
- (3) 1つの外角は、その隣にない2つの内角の和に等しいので、 $30^\circ + 45^\circ = 75^\circ$

- 3**
- ア $AC = AD$
- イ $\triangle ACE \equiv \triangle ADB$
- ウ $\triangle ADB$
- エ $\angle DAB$
- オ 1組の辺とその両端の角

- 4**
- (1) $n - 2$
- (2) 720度
- (3) 24度
- (4) 正八角形
- (5) 正九角形
- (6) 十三角形
- (1) n 角形の内角の和は $180^\circ \times (n - 2)$ で表される。
- (2) $180^\circ \times (6 - 2) = 720^\circ$
- (3) 多角形の外角の和は、 360° である。
 $360^\circ \div 15 = 24^\circ$
- (4) $360^\circ \div 45^\circ = 8$
- (5) $360^\circ \div (180^\circ - 140^\circ) = 9$
- (6) $180^\circ \times (n - 2) = 1980^\circ$ を解くと、 $n = 13$

- 5**
- $AB = DE$
- $\angle ACB = \angle DFE$
- 3組の辺が、それぞれ等しい
- 2組の辺とその間の角が、それぞれ等しい

- 6**
- (1) $\angle x = 15$ 度
- (1) $\triangle ABC$ は正三角形なので、
 $\angle ACB = \angle BAC = 60^\circ$
 $180^\circ - (60^\circ + 105^\circ) = 15^\circ$



- (2) $\angle x = 99$ 度
- (3) $\angle x = 30$ 度
- (2)

図のように補助線を入れる。
 a は錯角であるため 140°
 $b + 112^\circ = 180^\circ$ なので
 $b = 68^\circ$
 $53^\circ + \angle x + 68^\circ + 140^\circ = 360^\circ$
 $\angle x = 99^\circ$

(3) 1つの外角は、その隣にない2つの内角の和に等しいので
 $\angle AEB = \angle ADB = 80^\circ$
 $\triangle ADC$ で $50^\circ + \angle x = 80^\circ$
 $\angle x = 30^\circ$

- (4) $\angle x = 135$ 度
- (5) $\angle x = 105$ 度
- (4)

図のように、四角形と三角形に分ける補助線を入れる。
 a は 105° であるため、 $b = 75^\circ$
 よって $\angle x = 75^\circ + 60^\circ = 135^\circ$

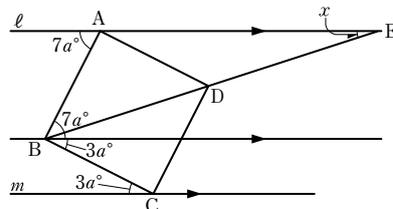
(5) $\triangle ADE$ は二等辺三角形で
 $\angle AED$ は $60^\circ + 90^\circ = 150^\circ$ なので
 $\angle EDA$ は 15°
 $\angle x = 90^\circ + 15^\circ = 105^\circ$

- 7**
- (1) $\triangle EBC$
- (2) 2組の辺とその間の角が、それぞれ等しい
- (1) 対応する頂点の順に書く。
- (2) $\triangle ABF$ と $\triangle EBC$ で
 四角形 $ADEB$, $BFGC$ はそれぞれ正方形だから、
 $AB = EB \dots \textcircled{1}$ $BF = BC \dots \textcircled{2}$
 $\angle ABF = \angle ABC + \angle CBF$
 $= \angle ABC + 90^\circ \dots \textcircled{3}$
 $\angle EBC = \angle ABC + \angle EBA$
 $= \angle ABC + 90^\circ \dots \textcircled{4}$
 $\textcircled{3}$, $\textcircled{4}$ より $\angle ABF = \angle EBC \dots \textcircled{5}$
 $\textcircled{1}$, $\textcircled{2}$, $\textcircled{5}$ より 2組の辺とその間の角が、それぞれ等しいので、
 $\triangle ABF \equiv \triangle EBC$
 合同な図形では、対応する辺の長さは等しいので、
 $AF = EC$

「挑戦しよう」の解答

点Bを通り、直線 l に平行な線をひくと、錯角は等しいから
 $7a^\circ + 3a^\circ = \angle ABC = 90^\circ$
 $10a = 90$ より $a = 9$
 $\triangle ABE$ で $\angle x = 7a^\circ - \angle ABD$
 $= 63^\circ - 45^\circ$
 $= 18^\circ$

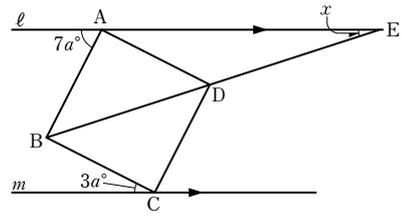
【解答】 18度





挑戦しよう

右の図で、四角形 $ABCD$ は正方形です。
 $l \parallel m$ のとき、 $\angle x$ の大きさを求めなさい。



見本

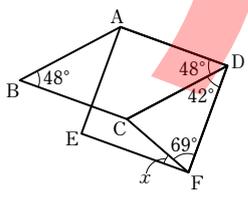
1
イ, エ
残りの内角の大きさを求めると,
ア... $180^\circ - (60^\circ + 90^\circ) = 30^\circ$
イ... $180^\circ - (30^\circ + 120^\circ) = 30^\circ$
ウ... $180^\circ - (50^\circ + 60^\circ) = 70^\circ$
エ... $180^\circ - (70^\circ + 40^\circ) = 70^\circ$

2
(1) 四角形 ABCD で, $AB \parallel DC$, $AD \parallel BC$ ならば $\angle A = \angle C$, $\angle B = \angle D$ である。 [○]
(2) 整数 a, b で, $a+b$ が偶数ならば, a も b も偶数である。
[反例: $a=3, b=5$ のとき, $a+b$ は偶数であっても, a, b は奇数である。]

3
(1) 長方形 (1) 対角線の長さが等しくなると, □ ABCD の 4 つの角の大きさが等しくなるから
(2) ひし形 (2) 対角線が垂直に交わると, □ ABCD の 4 つの辺の長さが等しくなるから
(3) 正方形 (3) (1)(2) のどちらも満たすことになるから

4
(1) $\angle x = 45$ 度 (1) $\triangle ABC$ で, $AB = AC$ より $\angle x = (180^\circ - 90^\circ) \div 2 = 45^\circ$
(2) $\angle x = 44$ 度 (2) $\angle ACB = 120^\circ - 52^\circ = 68^\circ$
 $\angle x = 180^\circ - 68^\circ \times 2 = 44^\circ$
(3) $\angle x = 136$ 度 (3) CA の延長線上に点 E をとると, 三角形の外角の性質から,
 $\angle BAE = 50^\circ + 50^\circ = 100^\circ$
 $\angle DAE = 18^\circ + 18^\circ = 36^\circ$
よって, $\angle x = \angle BAE + \angle DAE = 100^\circ + 36^\circ = 136^\circ$

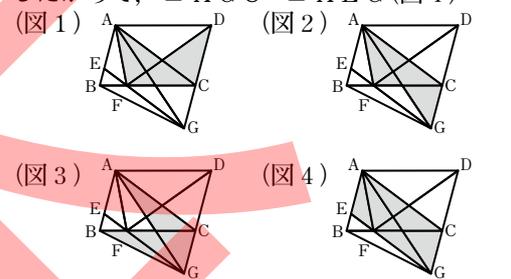
5
(1) $\angle x = 22$ 度 (1) $\triangle BCD$ で, 平行四辺形の性質より $\angle BCD = 130^\circ$
 $\angle x = 180^\circ - (28^\circ + 130^\circ) = 22^\circ$
(2) $\angle x = 42$ 度 (2) 平行四辺形なので $\angle BAD = 96^\circ$
錯角より $\angle ABE = \angle AEB$
よって, $\triangle ABE$ は二等辺三角形
 $\angle x = (180^\circ - 96^\circ) \div 2 = 42^\circ$
(3) $\angle x = 25$ 度 (3) $\angle BAF = 90^\circ - 40^\circ = 50^\circ$
 $\triangle ABF$ は二等辺三角形なので,
 $\angle ABF = (180^\circ - 50^\circ) \div 2 = 65^\circ$
 $\angle x = 90^\circ - 65^\circ = 25^\circ$
(4) $\angle x = 21$ 度 (4) $\angle ADC = \angle ABC = 48^\circ$
 $\angle CDF = 90^\circ - 48^\circ = 42^\circ$
 $AD = DC, AD = DF$ より, $DC = DF$
だから, $\triangle DCF$ は二等辺三角形である。よって,
 $\angle CFD = (180^\circ - 42^\circ) \div 2 = 69^\circ$
 $\angle x = 90^\circ - 69^\circ = 21^\circ$



6
35 度
 AO, CO, DO が円 O の半径であるため, $\triangle AOD, \triangle AOC, \triangle COD$ は二等辺三角形である。
 $\angle ADO = \{180^\circ - (40^\circ \times 2 + 20^\circ \times 2)\} \div 2 = 30^\circ$
 $\angle ABD = (\angle ADO + \angle ODC) \div 2 = (30^\circ + 40^\circ) \div 2 = 35^\circ$

7
 $\triangle AFC$
 $\triangle AGC$
 $\triangle BGC$
 $\triangle AEG$

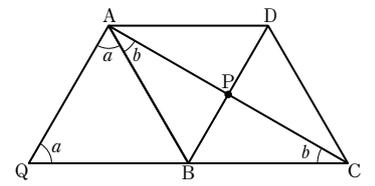
$AD \parallel BC$ より, $\triangle DFC = \triangle AFC$ (図1)
 $AC \parallel EG$ より, $\triangle AFC = \triangle AGC$ (図2)
 $AB \parallel DG$ より, $\triangle AGC = \triangle BGC$ (図3)
 $AC \parallel EG, AE \parallel CG$ より, 四角形 AEGC は平行四辺形だから, $AE = CG$
したがって, $\triangle AGC = \triangle AEG$ (図4)



8
(1) $\angle CEA$
(2) CA
(3) $\angle CAE$
(4) 斜辺と1つの鋭角

9
(1) 二等辺三角形
(2) 直角三角形

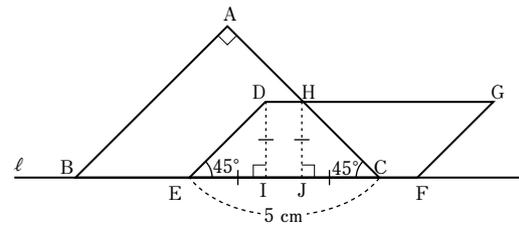
(1) $\angle ABC = 90^\circ$ であればよい。
よって, $AB \perp QC, BC = BQ$
したがって, $\triangle AQC$ は二等辺三角形
(2) $AB = BC$ であればよい。
 $AB = BC, BC = BQ$ より $AB = BQ$
よって, $AB = BQ$ より $\triangle ABQ$ は二等辺三角形
 $AB = BC$ より $\triangle ABC$ は二等辺三角形
図のように $\angle a, \angle b$ とすると
 $\angle a + \angle a + \angle b + \angle b = 180^\circ$
 $\angle A = \angle a + \angle b = 90^\circ$
したがって, $\triangle AQC$ は $\angle A = 90^\circ$ の直角三角形



(裏面へつづく)

【挑戦しよう】の解答

5秒後に2つの図形は右の図のように重なる。
ACとDGの交点をHとし, 点D, Hから直線 l にそれぞれ垂線 DI, HJをひく。
このとき, $\angle DIE = \angle HJC = 90^\circ, \angle DEI = \angle HCJ = 45^\circ$
だから, $\triangle DIE, \triangle HJC$ はともに直角二等辺三角形である。
よって,
 $IE = JC = 2 \text{ cm}, DH = IJ = 5 - (2 + 2) = 1 \text{ (cm)}$
だから, 重なっている部分の面積は,
 $\frac{1}{2} \times (1 + 5) \times 2 = 6 \text{ (cm}^2\text{)}$



【解答】 6 cm^2

(1) 90度

(1) 四角形 ABCD は平行四辺形なので

$$\angle BAD + \angle ADC = 180^\circ$$

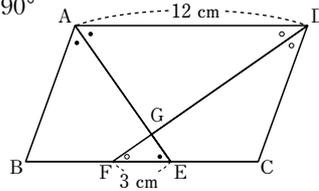
$$\bullet\bullet + \circ\circ = 180^\circ$$

$$\bullet + \circ = 90^\circ$$

 $\triangle AGD$ で

$$\angle AGD = 180^\circ - (\bullet + \circ)$$

$$= 90^\circ$$



(2) 7.5 cm

(2) AE, DF は角の二等分線だから,

$$\angle BAE = \angle DAE, \angle ADF = \angle CDF \dots \textcircled{1}$$

AD // BC から, 平行線の錯角は等しいので,

$$\angle DAE = \angle BEA, \angle ADF = \angle CDF \dots \textcircled{2}$$

①, ② から,

$$\angle BAE = \angle BEA, \angle CDF = \angle CDF$$

よって, $AB = x$ cm とすると, $\triangle BEA$ は $BA = BE = x$ cm の二等辺三角形, $\triangle CDF$ は $CD = CF = x$ cm の二等辺三角形

である。

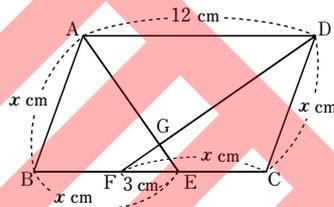
したがって, $BC = 12$ cm なので,

$$BC = BE + CF - EF \text{ より,}$$

$$12 = x + x - 3$$

これを解くと,

$$x = 7.5$$

(1) $\frac{1}{4}$ 倍

(1) 線分 DE をひく。

$$\triangle FEC = \triangle DEC \times \frac{1}{2}$$

$$\triangle DEC = \triangle DBC \times \frac{1}{2}$$

$$\text{よって, } \triangle FEC = \triangle DBC \times \frac{1}{4}$$

(2) (1) より,

$$\triangle FEC = \triangle DBC \times \frac{1}{4}$$

$$45 = \triangle DBC \times \frac{1}{4}$$

$$\triangle DBC = 180$$

$$\square ABCD = \triangle DBC \times 2$$

$$= 180 \times 2$$

$$= 360 \text{ (cm}^2\text{)}$$



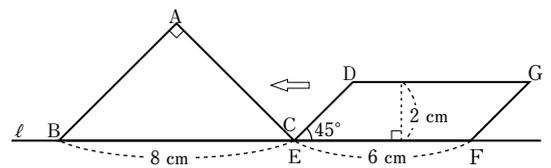
ひかりちゃん

挑戦しよう

図のように, 斜辺が 8 cm の直角二等辺三角形 ABC と
底辺が 6 cm, 高さが 2 cm, $\angle DEF = 45^\circ$ の平行四辺形

DEFG があります。また, 辺 BC と EF は直線 l 上にあり, 頂点 C と E は同じ位置にあります。
いま, 平行四辺形 DEFG を直線 l にそって矢印の方向に, 毎秒 1 cm の速さで移動させます。

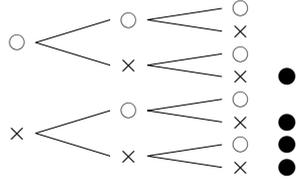
このとき, 5 秒後に, 2 つの図形が重なっている部分の面積を求めなさい。



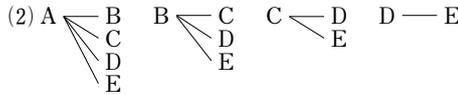
1

(1) $\frac{1}{2}$

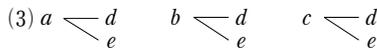
(1) 表○, 裏×として樹形図をつくると
表裏の出方は全部で8通り



(2) 10通り



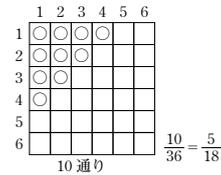
(3) 6通り



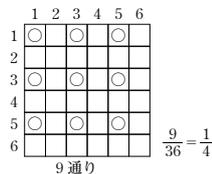
2

(1) $\frac{5}{18}$

(1) 和が5以下の場合

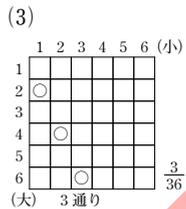


(2) 積が奇数の目になるときは
両方とも奇数の目が出るとき



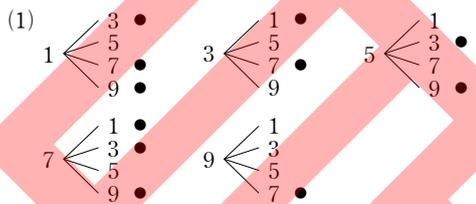
(2) $\frac{1}{4}$

(3) $\frac{1}{12}$



3

(1) 20通り



(2) 1

(2) 一の位はすべて奇数になるので1

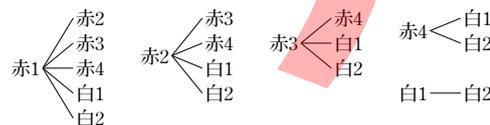
(3) $\frac{11}{20}$

(3) 素数になるのは●の11通り
よって, $\frac{11}{20}$

4

(1) $\frac{3}{5}$

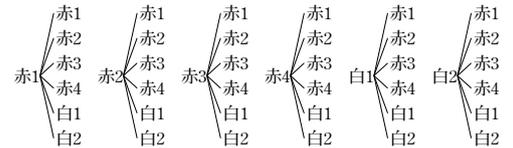
(1) 取り出し方は全部で15通り



少なくとも1個は白ということは,
両方とも赤以外の場合を考えればよいので,
 $1 - \frac{6}{15} = \frac{9}{15} = \frac{3}{5}$

(2) $\frac{1}{9}$

(2) 取り出し方は全部で36通り



2回とも白……4通り $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$

(3) $\frac{1}{15}$

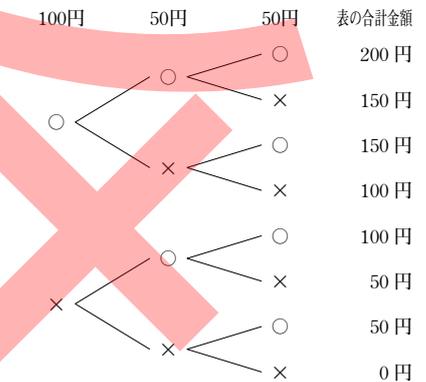
(3) 取り出し方は全部で30通り



2回とも白……2通り $\frac{2}{30} = \frac{1}{15}$

5

表○, 裏×として樹形図をつくると
表裏の出方は全部で8通り



(1) $\frac{3}{8}$

(1) 2枚は表で1枚は裏となるのは3通り
よって $\frac{3}{8}$

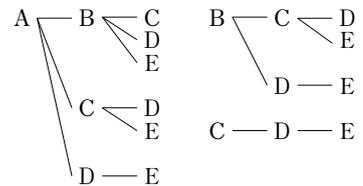
(2) $\frac{5}{8}$

(2) 100円以上になるのは5通り
よって $\frac{5}{8}$

6

(1) 10通り

(1) カードの選び方は10通り



(2) $\frac{1}{2}$

(2) 3つの内角がすべて鋭角になるのは,
△ABD, △ACD, △ACE,
△BCE, △BDEの5通りである。
したがって, 3つの内角がすべて鋭角に
なる確率は,
 $\frac{5}{10} = \frac{1}{2}$

(裏面へつづく)

「挑戦しよう」の解答

△ABPの辺ABを底辺とみたときの高さをy cmとすると, $\frac{1}{2} \times 3 \times y = 3 \quad y = 2$

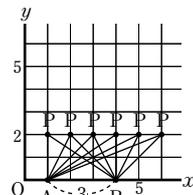
よって, 高さが2 cmで一定だから, 2回目に2の目が出ればよいことがわかる。

2回目に2の目が出る場合は,

(1, 2), (2, 2), (3, 2), (4, 2), (5, 2), (6, 2) の6通りだから,

求める確率は, $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$

【解答】 $\frac{1}{6}$



7

(1) 10

- (1) 小さい順に並べると下のようになる
 12, 13, 13, 13, ⑭, ⑮, 16, 17, 18, ⑰,
 20, 21, 21, 22, ⑱, ⑳, 26, 28, 28, 30
 したがって,
 第2四分位数は $(18 + 20) \div 2 = 19$
 第1四分位数は $(14 + 16) \div 2 = 15$
 第3四分位数は $(24 + 26) \div 2 = 25$
 四分位範囲
 = 第3四分位数 - 第1四分位数
 = $25 - 15 = 10$

(2)



- (2) 最小値は12, 最大値は30だから,
 図のようになる。

8

ア

データの値が30未満のデータが存在しないから
 ウではない。
 また、ヒストグラムが右にかたよっており、
 四分位範囲が右によっていることから、
 アの箱ひげ図だとわかる。

9

(1) 110 分間

(2) 50 人以下

(3) ア, イ

- (1) 箱ひげ図の右端の線分が最大値を
 表している。
 (2) Aグループの第2四分位数が65分だから、
 視聴時間が60分未満の人は、
 多くても半数以下である。
 (3) ア ひげの右はしは、どちらも110分である。
 イ Aグループの四分位範囲は、
 $80 - 40 = 40$ (分)
 Bグループの四分位範囲は、
 $60 - 20 = 40$ (分)
 ウ Aグループの第1四分位数が40分
 あるから、全体の $\frac{3}{4}$ の75人以上が
 40分以上である。
 また、Bグループは第2四分位数が
 40分であるから、全体の半分の
 50人以上が40分以上である。
 よって、 $75 \div 50 = 1.5$ より、
 Aグループで40分以上の人は、
 Bグループの40分以上の人の
 約1.5倍いる。
 エ Bグループの第3四分位数は
 60分である。
 第3四分位数は、75人目と76人目
 の人の視聴時間の平均である。
 75人目、76人目の人の視聴時間が、
 ともに60分であるとき、第3四分位
 数は60分となるが60分以上の人は
 26人となる。



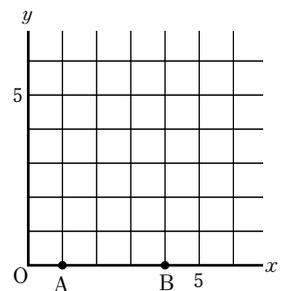
ひかりちゃん

挑戦しよう

図のように、A(1, 0), B(4, 0)をとります。さいころを
 2回投げて、1回目に出た目の数を a , 2回目に出た目の数を b として、
 (a, b) を座標とする点Pをとります。

△ABPの面積が 3 cm^2 となる確率を求めなさい。

ただし、座標の軸の単位の長さを1cmとする。



令6 <中数2年> 学年のまとめ

1

- (1) $-4a + b$
 (2) $-x - 3y$
 (3) $-6xy^2$
 (4) $10ab$
 (5) $\frac{5}{12}x$
- (1) $3a - 7a + b$
 (2) $3x - 6y - 4x + 3y$
 (3) $-2y \times 3xy$
 (4) $\frac{4a^2 \times (-5) \times (-3b^3)}{6ab^2}$
 (5) $\frac{4(2x - 6y) - 3(x - 8y)}{12}$
 $= \frac{8x - 24y - 3x + 24y}{12}$

2

- (1) $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$
 (2) $h = \frac{3V}{\pi r^2}$
 (3) 6 cm
- (1) (円錐の体積) $= \frac{1}{3} \times \pi \times (\text{半径})^2 \times (\text{高さ})$
 $V = \frac{1}{3} \times \pi \times r^2 \times h$
 (2) $\pi r^2 h = 3V$
 (3) $h = \frac{3 \times 32\pi}{\pi \times 4^2} = 6$

3

- (1) $(x, y) = (4, 5)$
- (1) $\begin{cases} 4x - 3y = 1 & \dots\dots ① \\ -3x + 4y = 8 & \dots\dots ② \end{cases}$
 $\begin{matrix} ① \times 3 & 12x - 9y = 3 & \dots\dots ①' \\ ② \times 4 & -12x + 16y = 32 & \dots\dots ②' \end{matrix}$
 $\begin{matrix} ①' + ②' & 7y = 35 & \\ & y = 5 & \end{matrix}$

$y = 5$ を①に代入して
 $4x - 15 = 1$

$4x = 16 \quad x = 4$

- (2) $(x, y) = (1, 3)$
- (2) $\begin{cases} 7y = 2(5x + y) + 5 & \dots\dots ① \\ 5x + y = 8 & \dots\dots ② \end{cases}$

②を①に代入して
 $7y = 16 + 5$
 $7y = 21$
 $y = 3$

$y = 3$ を②に代入して
 $5x + 3 = 8$
 $5x = 5$
 $x = 1$

4

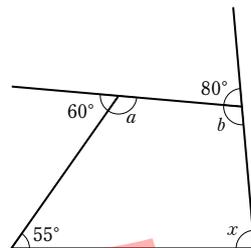
- (1) $y = \frac{3}{2}x - 4$
- (1) 変化の割合は $\frac{3}{2}$ だから、求める一次関数の式を
 $y = \frac{3}{2}x + b \dots\dots ①$ とする。
 $x = 4$ のとき、 $y = 2$ だから、これらの値を①に代入すると
 $2 = \frac{3}{2} \times 4 + b \quad b = -4$

(2) $y = 2x - 1$

- (2) 求める直線の式は $(-1, -3), (2, 3)$ を通るので、求める直線の式を $y = ax + b$ とすると
 $a = \frac{3 - (-3)}{2 - (-1)} = \frac{6}{3} = 2$
 $y = 2x + b$
 この直線は $(-1, -3)$ を通るから、
 $-3 = 2 \times (-1) + b$
 $-3 = -2 + b$
 $b = -1$
 よって、求める直線の式は $y = 2x - 1$

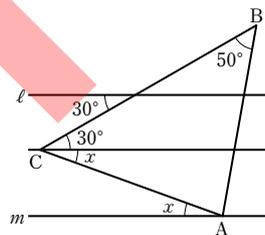
5

- (1) $\angle x = 85$ 度 (1)



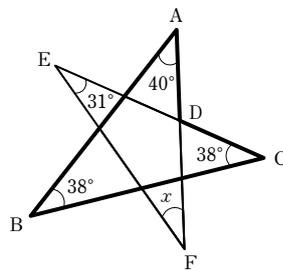
内角の和に注目すると、
 $\angle a = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$
 $\angle b = 180^\circ - 80^\circ = 100^\circ$ より
 $\angle x = 360^\circ - (55^\circ + 120^\circ + 100^\circ) = 85^\circ$

- (2) $\angle x = 20$ 度 (2)



$\angle C = \angle B = 50^\circ$
 $\angle C = 30^\circ + \angle x$
 $\angle x = 50^\circ - 30^\circ = 20^\circ$

- (3) $\angle x = 33$ 度 (3)



太い線のブーメラン型の頂点A, B, Cをたすと、 $\angle ADC$ となる。
 $\angle ADC = 40^\circ + 38^\circ + 38^\circ = 116^\circ$
 $\triangle DEF$ の内角の和は 180° なので、
 $\angle x = 180^\circ - 31^\circ - 116^\circ = 33^\circ$

(裏面へつづく)

「挑戦しよう」の解答

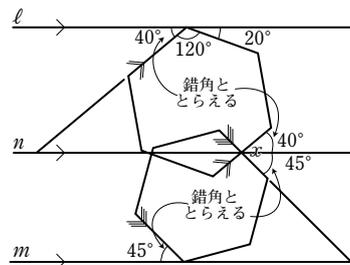
直線 l, m に平行で、 $\angle x$ を通るような直線 n をひく。

正六角形の向かい合う辺は平行になるので、

図のように、平行線と角の性質から、

40° と 45° の角はそれぞれ錯角の関係と捉えることができる。

$\angle x = 40^\circ + 45^\circ = 85^\circ$



【解答】 $\angle x = 85$ 度

6

- (1) $y = -x + 3$ (1) 点B(5, -2)を通り, $\triangle ABO$ を二等分する直線はOAの midpoint(1, 2)を通るので, 求める直線の式を $y = ax + b$ とすると

$$a = \frac{-2-2}{5-1} = \frac{-4}{4} = -1$$

$$y = -x + b$$
この直線は(1, 2)を通るから,

$$2 = -1 + b$$

$$b = 3$$
よって, 求める直線の式は

$$y = -x + 3$$

(2) 2倍

- (2) OCを $\triangle AOC$ と $\triangle COB$ の共通の底辺とみると, 高さの比が面積の比となる。 $\triangle AOC$ の高さは4, $\triangle COB$ の高さは2なので, $\triangle AOC$ は $\triangle COB$ の2倍。

7

(1)
$$\begin{cases} x + y = 500 \\ \frac{75}{100}x + \frac{50}{100}y = 500 \times \frac{62}{100} \end{cases}$$

(2) 男子生徒 240人
女子生徒 260人

- (2)
$$\begin{cases} x + y = 500 & \dots\dots ① \\ \frac{75}{100}x + \frac{50}{100}y = 500 \times \frac{62}{100} & \dots\dots ② \end{cases}$$

$$\begin{aligned} ② \times 100 & \quad 75x + 50y = 31000 \quad \dots\dots ②' \\ ① \times 50 & \quad 50x + 50y = 25000 \quad \dots\dots ①' \\ ②' - ①' & \quad 25x = 6000 \\ & \quad x = 240 \end{aligned}$$

$$x = 240 \text{ を } ① \text{ に代入して}$$

$$\begin{aligned} 240 + y & = 500 \\ y & = 260 \end{aligned}$$

8

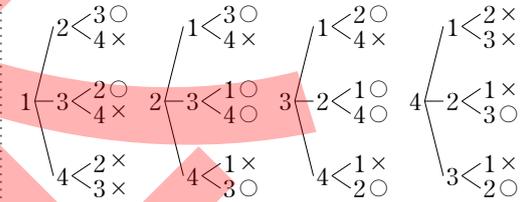
$\frac{3}{16}$ 倍

$\triangle ABP$ と $\triangle EDP$ で,
 仮定より, $AB = ED \dots ①$
 $\angle BAP = \angle DEP = 90^\circ \dots ②$
 対頂角は等しいので,
 $\angle APB = \angle EPD \dots ③$
 ②, ③より, $\angle ABP = \angle EDP \dots ④$
 ①, ②, ④より, 1組の辺とその両端の角が, それぞれ等しいので,
 $\triangle ABP \equiv \triangle EDP$
 よって, $PD = PB = 10 \text{ cm}$
 $AB = h$ とすると,
 $\triangle ABP = 6 \times h \times \frac{1}{2} = 3h$
 長方形 $ABCD = (6 + 10) \times h = 16h$
 したがって, $3h \div 16h = \frac{3}{16}$ (倍)

9

(1) $\frac{1}{2}$

(1) カードの並べ方は24通りであり, 樹形図をかくと次の図のようになる。



3の倍数は, \bigcirc のついた12通りである。

よって $\frac{12}{24} = \frac{1}{2}$

(2) $\frac{5}{36}$

(2) Aのカード8枚, Bのカード6枚だったのが同じ7枚になるのは,
 1回目に出た目の数(A \rightarrow B)が2回目に出た目の数(B \rightarrow A)より1大きいときだけである。
 そのような目の出方は次の通り。

2回目に出た数

	1	2	3	4	5	6
1回目に出た数	1	x	x	x	x	x
2	o	x	x	x	x	x
3	x	o	x	x	x	x
4	x	x	o	x	x	x
5	x	x	x	o	x	x
6	x	x	x	x	o	x

よって, $\frac{5}{36}$



ひかりちゃん

挑戦しよう

2直線 l , m が平行で, 2つの正六角形が図のように交わっているとき, $\angle x$ の大きさを求めなさい。

